## 集積期のタイタンの原始大気

北海道大学 理学院 宇宙理学専攻 M2 惑星宇宙グループ 倉本研究室 三上 峻

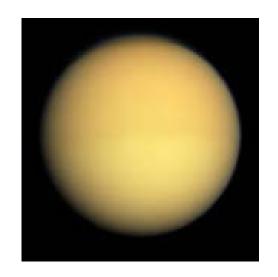
> @衛星研究会, 定山渓 2013/08/07-09

#### 目次

- 巨大氷衛星・タイタン
- 集積期のタイタン
- モデル説明
- 周土星円盤の場合(タイタン原始大気)
- 周木星円盤の場合(ガニメデ原始大気)

# 巨大氷衛星・タイタン

#### 巨大氷衛星



#### タイタン

質量: 1.345 × 10<sup>23</sup> kg

半径: 2,575 km

平均密度: 1,880 kg m<sup>-3</sup>

大気: 1.5 bar (N<sub>2</sub>,CH<sub>4</sub>)





ガニメデ

質量: 1.482 × 10<sup>23</sup> kg

半径: 2,634 km

平均密度: 1,936 kg m<sup>-3</sup>

カリスト

質量: 1.076 × 10<sup>23</sup> kg

半径: 2,403 km

平均密度: 1,851 kg m<sup>-3</sup>

#### タイタン

- 土星最大の衛星
  - 半径: 2,575 km
  - 平均密度: 1,880 kg m<sup>-3</sup>
  - 氷:岩石~50:50
- 大気:1.5 bar
  - $N_2(95\%), CH_4(5\%)$
  - 材料物質中の氷に含まれる揮発性成分由来
- エアロゾル
  - 光化学反応により生成
- 内部構造:分化
  - 慣性能率因子: 0.342 ±0.001 (less et al. 2010)

なぜ厚い大気を持つのか? どのようにして内部が分化したのか? これらの特徴はいつ得られたのか?

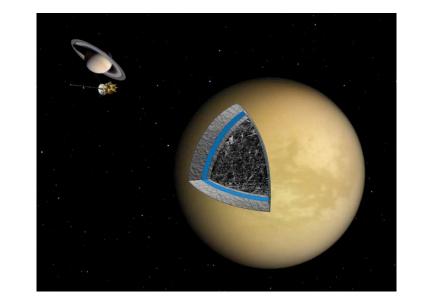


図: タイタン (NASA)



集積期のタイタンの理解 が重要

# 集積期のタイタン

#### タイタン集積期の熱史(Kuramoto and Matsui 1994)

- 真空中で形成
- 材料物質中の氷の蒸発に よる水蒸気大気の保温効果を考慮
- 大気上端から放射されるフラックスF<sup>up</sup><sub>net</sub>を地表面温度の関数として見積もる
- 集積エネルギーフラックスとF<sup>up</sup>net のバランスで表面温度が決定

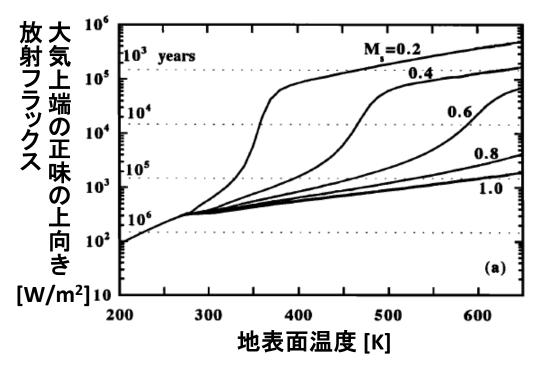


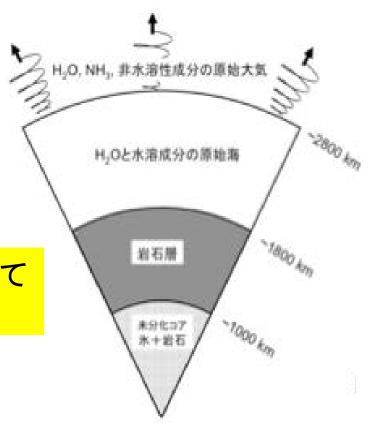
図: 地表面温度とFupnet の関係

集積時間 < 10<sup>5</sup> yr のとき表面温度 > 500 K 表層の氷の融解・十分内部が分化 材料物質由来の非水溶性ガスの大気への放出

### 形成期の内部構造

- 原始海
  - H₂Oと水溶性成分
- 原始大気
  - H<sub>2</sub>O + NH<sub>3</sub> + 非水溶性成分

大気が非常に高温な場合、熱膨張して ガスが流出する可能性



タイタンの形成期の大気と内部構造 (Planetary Geology News; 倉本, 2007)

#### タイタン形成場: 周惑星円盤

原始惑星に原始惑星系円盤ガスと 固体成分が流入

> 流入したガスと固体成分が 周惑星円盤を形成



固体成分が集積し衛星形成



本研究の目的

- 厚い円盤でのタイタンの形成 (Lunine and Stevenson 1982)
  - 高温円盤での形成
  - 円盤ガスによる保温効果
  - 分化

厚い円盤では衛星が落下し きって残らない

- 薄い円盤でのタイタンの形成 (Barr et al., 2010)
  - 形成時間 ~10<sup>4-6</sup> yr
  - 未分化の可能性

円盤ガスの保温効果を考慮していない

薄い周惑星円盤内で形成するタイタン大気の保温効果を再検討する

# モデル説明

#### モデル概要

- 円盤と静力学的に接続するタイタン大気の平衡構造を, 地表面 温度の関数として求める
  - ヒル半径(~20 r<sub>Titan</sub>) で大気と円盤が接続
  - 円盤の圧力と温度を境界条件として与える
     周惑星円盤のモデル(Canup and Ward 2002,2006) から 0.1-10 Pa, 50 K
  - 大気成分はH<sub>2</sub>, He, H<sub>2</sub>O
     H<sub>2</sub>-H<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>-He 衝突誘起吸収と水蒸気の吸収を考慮 吸収係数は灰色近似
    - H<sub>2</sub>O 量は成層圏: 混合比一定, 対流圏: 飽和蒸気圧の式
  - 圏界面の高度を様々に与えることで地表面温度を振る
  - 求めた平衡構造から大気上端からの熱放射フラックスを算出し、これと地表面温度との関係を得る

#### 大気構造

大気は対流圏と成層圏から成ると仮定

- 温度
  - 成層圏:放射平衡と仮定し、圏界面の正味の上向き放射フラックスを与えて温度構造を仮定

$$\sigma T_{\text{atm}}^4 = \sigma T_{\text{disk}}^4 + \frac{1}{2} F_{\text{trop}}^{\text{net,up}} \left( \frac{3}{2} \tau + 1 \right) \frac{r_{\text{trop}}^2}{r^2}$$

- 対流圏:湿潤断熱減率に従って温度構造を与える

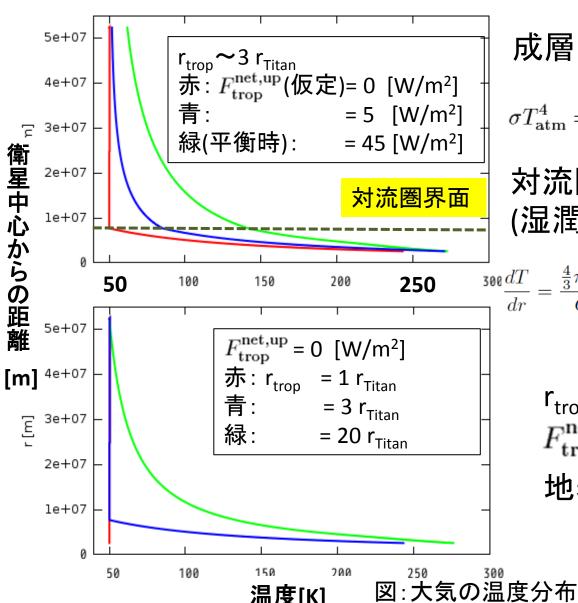
$$\frac{dT}{dr} = \frac{\frac{4}{3}\pi G\bar{\rho}r}{C_{pg}} \frac{\left[1 + \frac{L_v M_{vap}e}{(P-e)R_B T}\right] \left(1 + \frac{e\epsilon}{P-e}\right)}{1 + \frac{e\epsilon}{C_{pg}(P-e)} \left[C_{pw} - \frac{L_v}{T} + \frac{L_v^2 M_{rv}P}{(P-e)R_B T^2}\right]}.$$

● 平衡構造

(Lunine and Stevenson 1982)

与えた大気構造に対し放射計算して得られるフラックスと 最初に与えたフラックスが等しくなる大気構造

# 温度分布(円盤境界条件: T<sub>disk</sub>=50 K, P<sub>disk</sub>=10 Pa)



温度[K]

#### 成層圏の温度分布の式

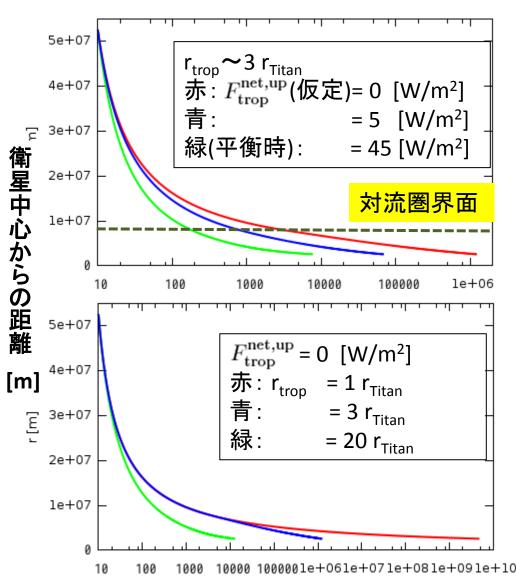
$$\sigma T_{\text{atm}}^4 = \sigma T_{\text{disk}}^4 + \frac{1}{2} F_{\text{trop}}^{\text{net,up}} \left( \frac{3}{2} \tau + 1 \right) \frac{r_{\text{trop}}^2}{r^2}$$

対流圏の温度分布の式 (湿潤断熱減率)

$$\frac{dT}{dr} = \frac{\frac{4}{3}\pi G\bar{\rho}r}{C_{pg}} \frac{\left[1 + \frac{L_v M_{vap}e}{(P-e)R_BT}\right] \left(1 + \frac{e\epsilon}{P-e}\right)}{1 + \frac{e\epsilon}{C_{pg}(P-e)} \left[C_{pw} - \frac{L_v}{T} + \frac{L_v^2 M_{rv}P}{(P-e)R_BT^2}\right]}$$

r<sub>trop</sub>が高いほど  $F_{
m trop}^{
m net,up}$  が大きいほど 地表面温度は高くなる

# 圧力分布(円盤境界条件: T<sub>disk</sub>=50 K, P<sub>disk</sub>=10 Pa)



#### 静水圧平衡の式

$$\frac{\partial P}{\partial r} = -\rho_{gas}g(r)$$

 $r_{trop}$ が高いほど  $F_{trop}^{net,up}$  が大きいほど 地表面圧力は小さくなる

圧力[Pa] 図:大気の圧力分布

## 放射伝達

放射伝達方程式(波長依存性無視, 散乱なし, LTE)

$$dI = -Id\tau + Bd\tau$$

吸収係数(灰色)

$$\kappa_{\rm gas}\rho_{\rm gas} = \alpha_{\rm H_2H_2} \left(\frac{P_{\rm H_2}}{n_0kT}\right)^2 + \alpha_{\rm H_2He} \left(\frac{P_{\rm H_2}}{n_0kT}\right) \left(\frac{P_{\rm He}}{n_0kT}\right) + \kappa_{\rm H_2O}\rho_{\rm H_2O}$$

光学的厚さ(幾何学的に算出)

$$\tau = \int_{r_1}^{r_2} \kappa_{\rm gas} \rho_{\rm gas} \frac{r}{\sqrt{r^2 - r_{\rm rad}^2 \sin^2 \theta}} dr$$

放射強度

$$I(r,\theta) = B(T')e^{-\tau} + \int_0^{\tau} B(T)e^{-\tau'}d\tau'$$

フラックス

$$F = 2\pi \int_0^{\pi/2} I \sin \theta \cos \theta d\theta$$
  $F_{\text{net}} = F_{\text{up}} - F_{\text{down}}$ 

$$F_{\text{net}} = F_{\text{up}} - F_{\text{down}}$$

ヒル半径

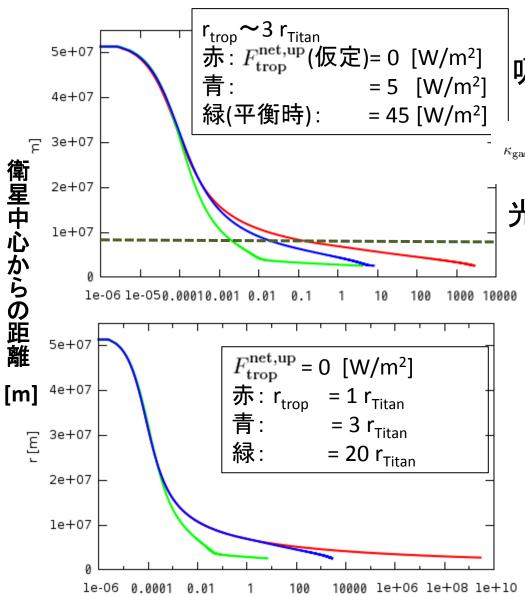


地表面

lup

Idown

### 光学的厚さ分布(円盤境界条件: T<sub>disk</sub>=50 K, P<sub>disk</sub>=10 Pa)



光学的厚さ

#### 吸収係数

$$\kappa_{\rm gas}\rho_{\rm gas} = \alpha_{\rm H_2H_2} \left(\frac{P_{\rm H_2}}{n_0kT}\right)^2 + \alpha_{\rm H_2He} \left(\frac{P_{\rm H_2}}{n_0kT}\right) \left(\frac{P_{\rm He}}{n_0kT}\right) + \kappa_{\rm H_2O}\rho_{\rm H_2O}$$

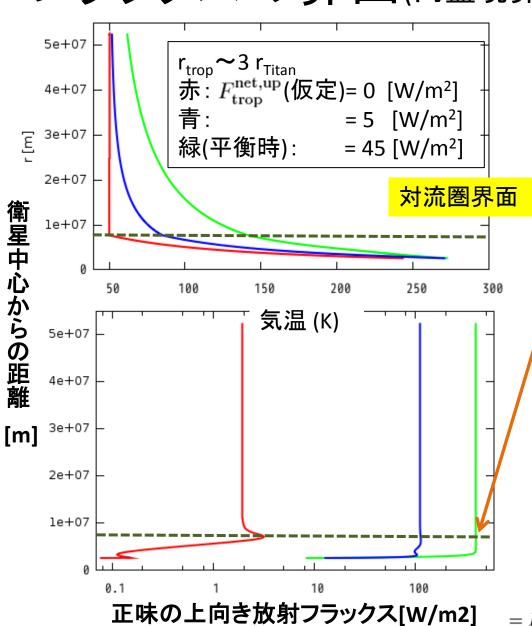
#### 光学的厚さ

$$\tau = \int_{r_1}^{r_2} \kappa_{\text{gas}} \rho_{\text{gas}} \frac{r}{\sqrt{r^2 - r_{\text{rad}}^2 \sin^2 \theta}} dr$$

 $r_{trop}$ が高いほど  $F_{trop}^{net,up}$  が大きいほど 光学的に薄い大気が形成

図:大気の光学的厚さの分布

# フラックスの算出(円盤境界条件: T<sub>disk</sub>=50 K, P<sub>disk</sub>=10 Pa)



(衛星表面積あたりの値)

算出した圏界面の正味の上向き放射フラックス

$$= F_{\rm trop}^{\rm net, up} \frac{r_{\rm trop}^2}{r_{\rm Titan}^2} \sim 400 [{\rm W/m^2}]$$

~ 45 [W/m2]

算出したフラックスと仮定したフラックスが等しくなるときに得られる大気構造を平衡構造とみなす

$$= F^{\text{net,up}} \frac{r^2}{r_{\text{Titan}}^2}$$

#### 計算アルゴリズム

境界条件:円盤温度·圧力条件 圏界面高度決定

- 円盤温度 50 K(タイタン) 120 K(ガニメデ)
- 円盤圧力 0.1-10 Pa (Canup and Ward 2002,2006)

仮定した圏界面のフラックス(A) から大気構造決定



放射伝達計算



算出した圏界面フラックス(B)と 仮定した圏界面フラックス(A)の比較 A≠B

A のフラックスの値を変えて計算

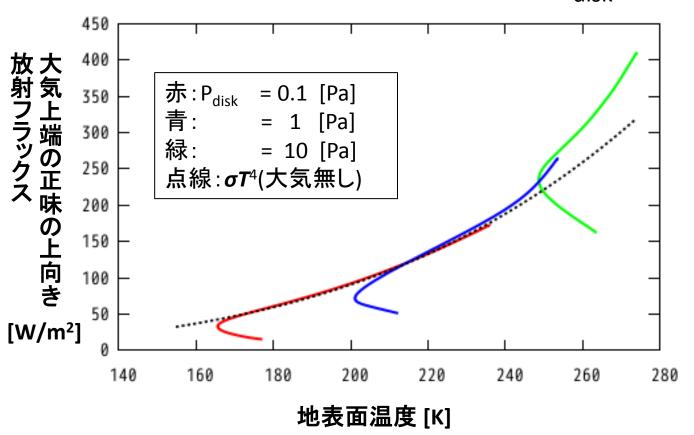
A=B

平衡大気

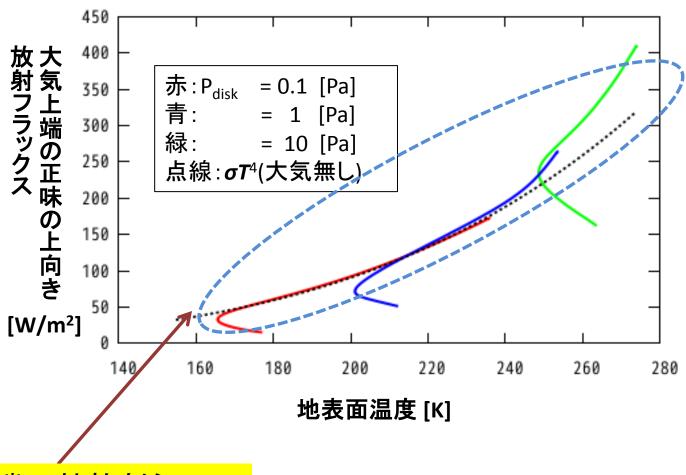
地表面温度の関数としての大気上端における正 味の上向き放射フラックスを算出

# 周土星円盤の場合(タイタン原始大気)

### タイタン原始大気の放射特性(T<sub>disk</sub> = 50 K)

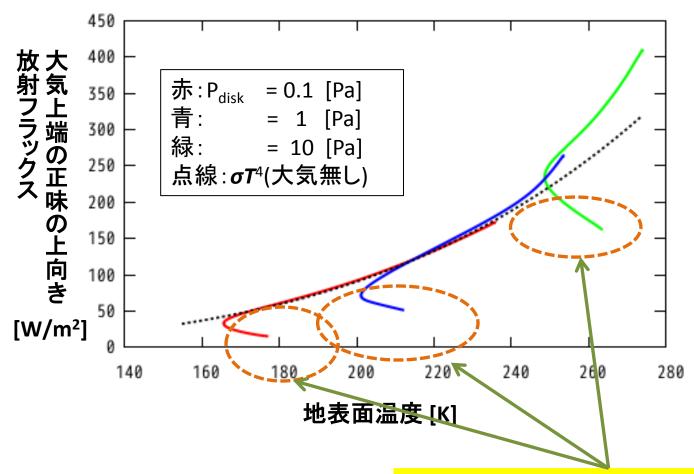


# 放射特性の解の性質(T<sub>disk</sub> = 50 K)



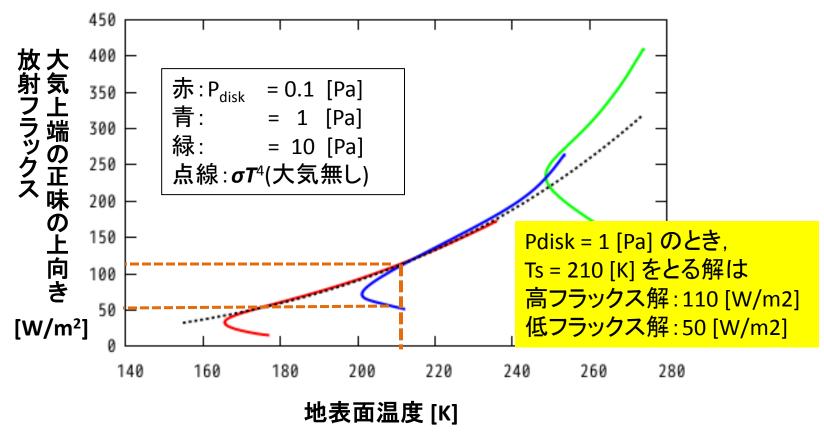
大気上端の熱放射 $\geq \sigma T^4$ 

# 放射特性の解の性質(T<sub>disk</sub> = 50 K)



地表面温度が高温にもかかわらず大気上端から出る放射フラックスの値は小さい

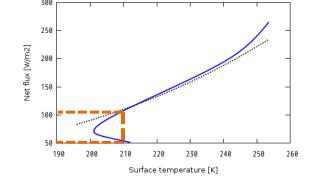
## 放射特性の解の性質(T<sub>disk</sub> = 50 K)

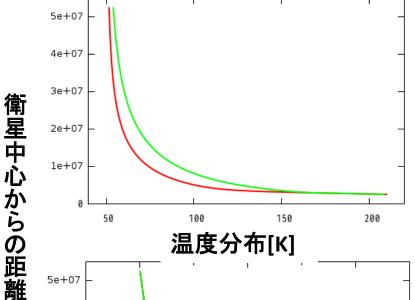


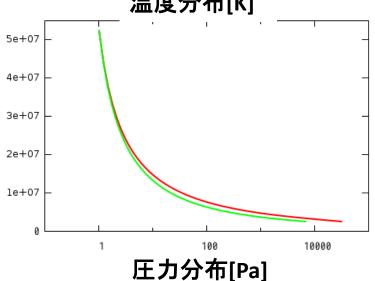
- 同じ地表面温度を取るようなフラックスの解が複数存在する
  - 高フラックス解:  $\geq \sigma T^4$ , 光学的に薄い大気の形成
  - 低フラックス解: 地表面温度が高い but フラックスは小さいこれらの多重解はどのような大気構造に起因しているのか?

### 大気構造比較(1)

(緑:高フラックス解,赤:低フラックス解)







[m]

#### 温度

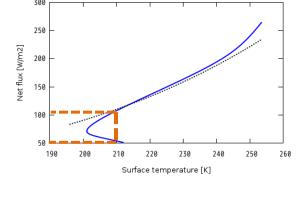
- 高フラックス解:高高度から 緩やかに温度上昇
- 低フラックス解: 低高度で急 激に温度上昇圧力

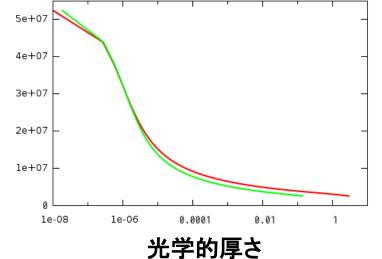
#### • 圧力

- 高フラックス: Ps ~ 9000 Pa 熱膨張によって圧力減少
- 低フラックス: Ps ~ 50000 Pa 低温大気による大気の圧縮

### 大気構造比較(2)

(緑:高フラックス解,赤:低フラックス解)





衛星中心からの距離

[m]

H,Oの光学的厚さへの寄与率

- 光学的厚さ
  - 高フラックス解:τ ~ 0.1
  - 低フラックス解: τ > 1
- H<sub>2</sub>Oの光学的厚さの寄与率
  - 高度で異なるがほとんど寄 与しない

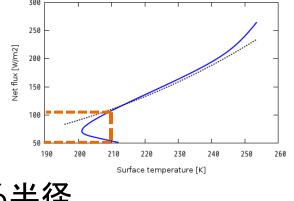
### 大気構造比較(3)

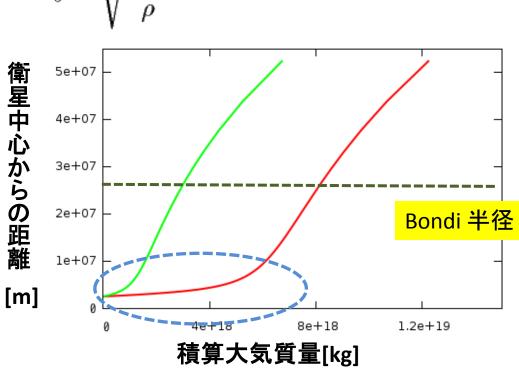
(緑:高フラックス解,赤:低フラックス解)

- Bondi 半径(r<sub>Bondi</sub>)
  - ガス分子の音速 = 惑星の脱出速度となる半径
  - $-r_{Bondi} < r$ では大気が重力に束縛されずに散逸する可能性

$$r_{
m Bondi} = rac{GM_{
m Titan}}{c_s^2} \ \sim 10r_{
m Titan}@100K$$

- 高フラックス解
  - 質量はほぼ一様に分布
- 低フラックス解
  - 質量は下層に集中 大気が重力的に束縛 大気質量は2倍

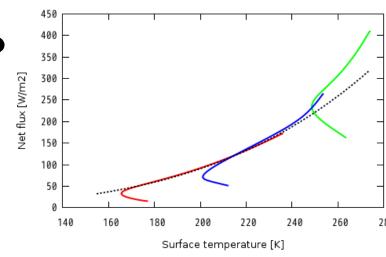




#### 大気構造比較まとめ

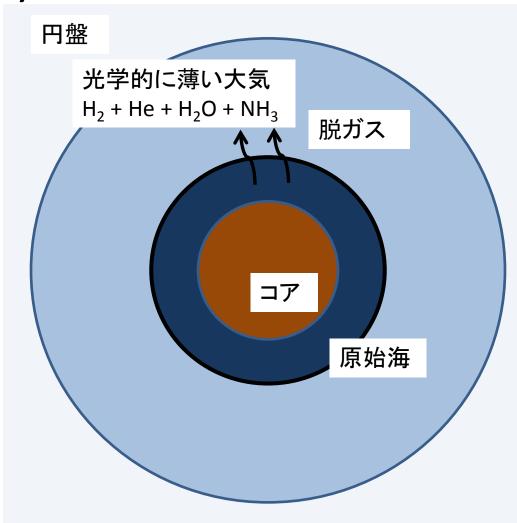
- 高フラックス解
  - 大気上層まで温暖. 熱膨張による低圧な大気の形成
  - 光学的に薄い大気
  - 大気質量は大気全体にほぼ一様に分布(Bondi 半径以遠にも 多くの質量が分布)
- 低フラックス解
  - 地表面付近における急激な温度上昇,大気が圧縮されることによる高圧な大気の形成
  - 地表面が光学的に厚い大気
  - 大気質量は地表面付近に集中(重力的に束縛)

# 低フラックス解の重要性?



- 円盤ガスの保温効果による温暖な環境の達成
  - 円盤ガスによる光学的に厚い大気の形成によって熱がこもる
  - 大気が冷えても温暖な環境が維持される可能性
- 地表面付近に大気質量が集中しているため、大量の原始大気を 保持可能
- 高フラックス解への遷移
  - 過剰な集積エネルギーフラックスの付与があると、地表面の 温度上昇による大気の熱膨張が起き、光学的に厚い大気か ら薄い大気への遷移が起きる可能性

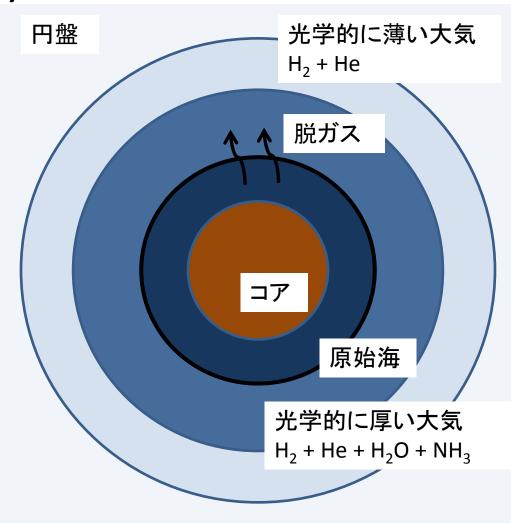
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより揮 発性成分供給
- 集積熱が逃げて大気温度が下 がる
  - 大気下部に光学的に厚い 大気が形成
  - 地表温度はあまり下がらない
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度にある円盤ガス成分大気が散逸
  - UV入射による光化学反応
  - 氷地殻形成



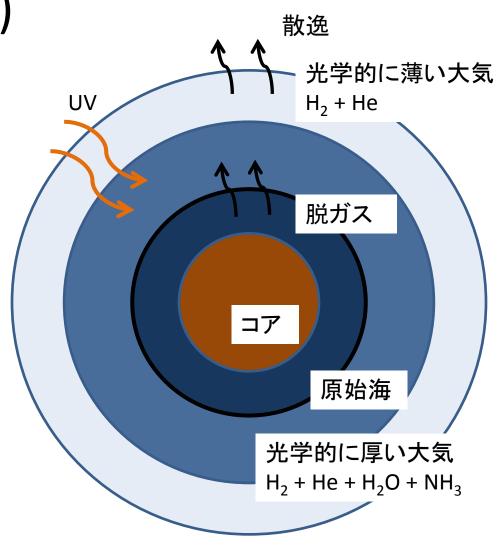
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供 給
- 集積熱が逃げて大気温度が下がる
  - 大気下部に光学的に厚い 大気が形成
  - 地表温度はあまり下がらない

#### 高いNH。分圧が維持

- 周惑星円盤が消失
  - 高高度にある円盤ガス成 分大気が散逸
  - UV入射による光化学反応
  - 氷地殼形成



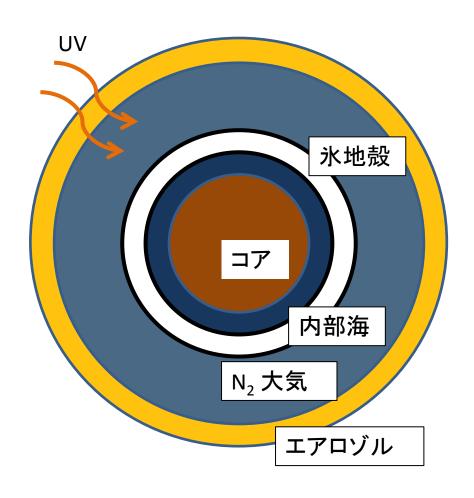
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供 給
- 集積熱が逃げて大気温度が下 がる
  - 大気下部に光学的に厚い 大気が形成
  - 地表温度はあまり下がらない
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度にある円盤ガス成分大気が散逸
  - UV入射による光化学反応
  - 氷地殼形成



- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供給
- 集積熱が逃げて大気温度が下が る
  - 大気下部に光学的に厚い大 気が形成
  - 地表温度はあまり下がらない
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度にある円盤ガス成分大 気が散逸
  - UV入射による光化学反応 エアロゾル形成

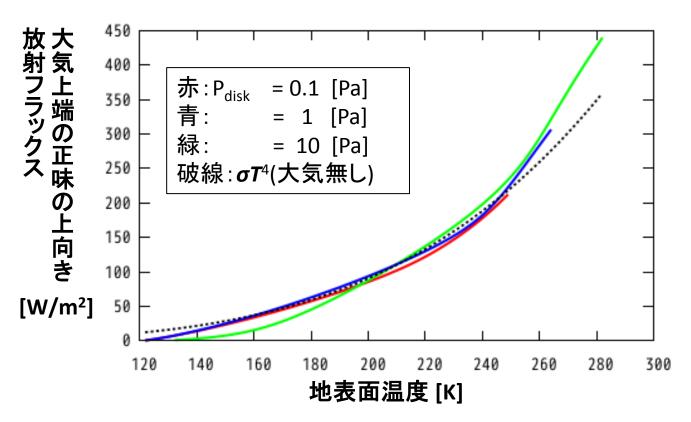
 $NH_3 \rightarrow N_2$ 

- 氷地殼形成



# 周木星円盤の場合(ガニメデ原始大気)

# ガニメデ原始大気の放射特性(T<sub>disk</sub> = 120 K)



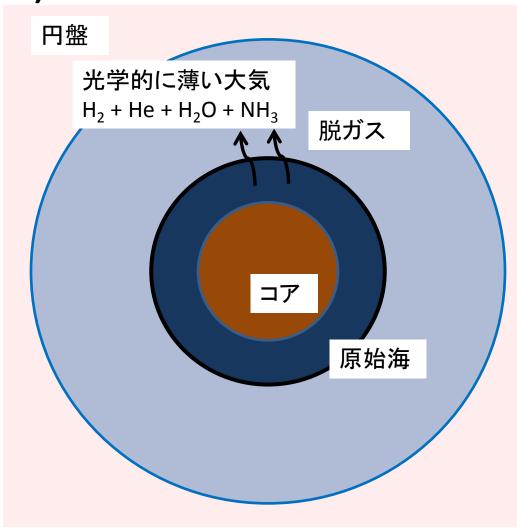
• 円盤が高温な場合は多重解が存在しない

 $-\sim \sigma T^4$ 

光学的に厚い大気の形成は難しい

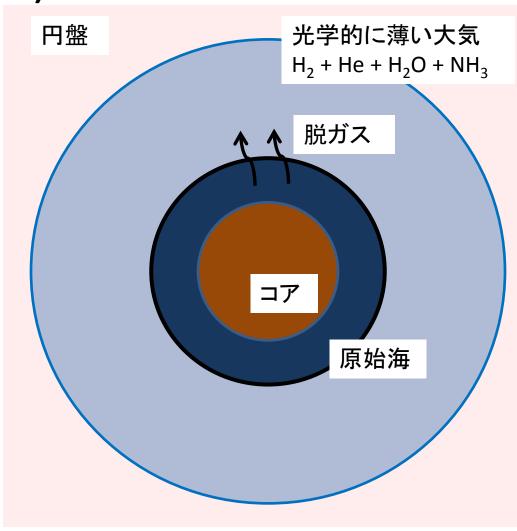
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供 給
- 集積熱が逃げても円盤温度が 高いので大気温度はあまり下 がらない
  - 光学的に薄い大気を維持
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度大気の散逸
  - 光学的に薄い大気のため 大気温度が急激に降下

H<sub>2</sub>O, NH<sub>3</sub>の凝結



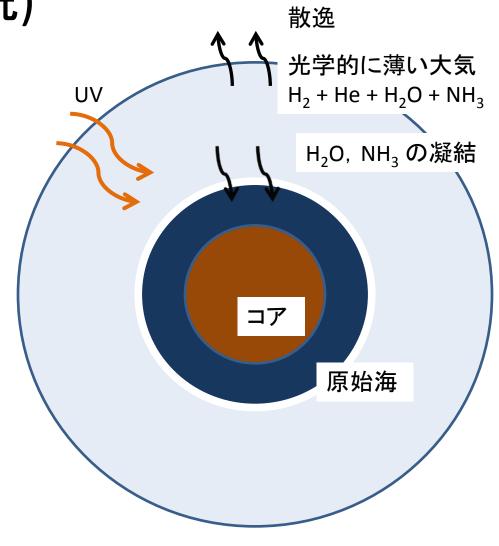
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供給
- 集積熱が逃げても円盤温度が 高いので大気温度はあまり下 がらない
  - 光学的に薄い大気を維持
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度大気の散逸
  - 光学的に薄い大気のため 大気温度が急激に降下

H<sub>2</sub>O, NH<sub>3</sub>の凝結



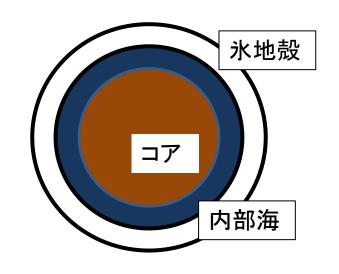
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供給
- 集積熱が逃げても円盤温度が 高いので大気温度はあまり下 がらない
  - 光学的に薄い大気を維持
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度大気の散逸
  - 光学的に薄い大気のため 大気温度が急激に降下

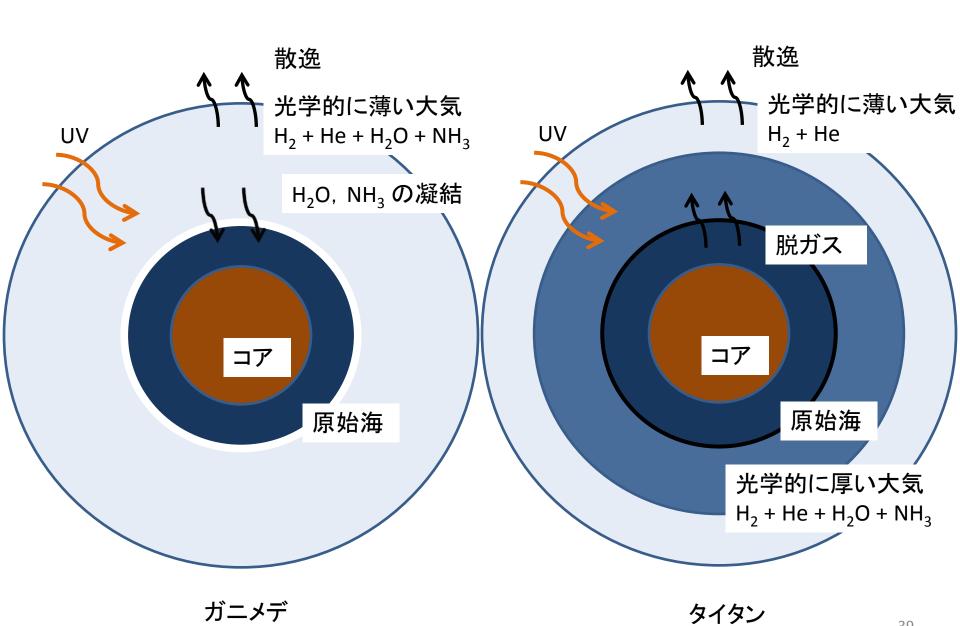
H<sub>2</sub>O, NH<sub>3</sub>の凝結

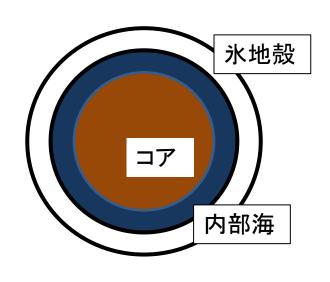


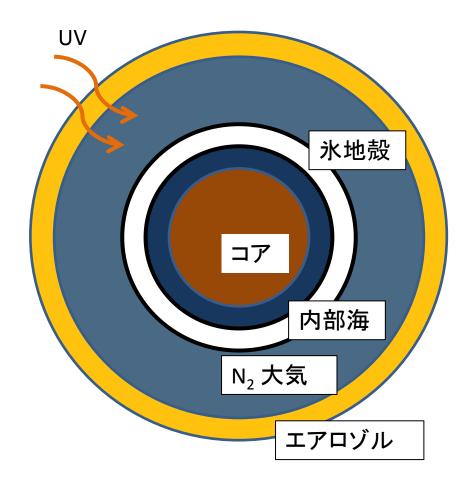
- 集積期に高温状態を経験
  - 光学的に薄い大気形成
  - 原始海の形成
  - 内部からの脱ガスにより供 給
- 集積熱が逃げても円盤温度が 高いので大気温度はあまり下 がらない
  - 光学的に薄い大気を維持
- 周惑星円盤が消失
  - 高高度大気の散逸
  - 光学的に薄い大気のため 大気温度が急激に降下

H<sub>2</sub>O, NH<sub>3</sub>の凝結









ガニメデ

タイタン

#### タイタンとガニメデ

- 大気の有無は円盤温度が低いことによる光学的に厚い大気の 形成に起因
- タイタン (T<sub>disk</sub> 低)
  - 光学的に厚い大気が形成
  - 保温効果と大気の圧縮によりH2OとNH3が高い分圧で保持 可能
  - NH<sub>3</sub>の光分解等で厚いN<sub>2</sub>大気が形成
- ガニメデ(T<sub>disk</sub> 高)
  - 光学的に薄い大気が形成
  - 保温効果も大気の圧縮もないので、凝結と散逸が顕著
  - 大気が消失