



Studies of Selenodesy and Planetodesy using Space Geodetic Methods; till and after KAGUYA

宇宙測地手法を用いた 月惑星計測研究 ~「かぐや」までと、これから~

Takahiro Iwata (ISAS/JAXA)

岩田 隆浩(JAXA宇宙科学研究所)



2575

自己紹介



名古屋大学・理・物理A研 (学生~研究員) 4mパラボラアンテナを使った オリオン座の「赤ちゃん星」の研究



郵政省 通信総合研究所(CRL) 鹿島宇宙通信センター 34mパラボラアンテナを使った 地球のプレート運動の研究



宇宙開発事業団(NASDA) 宇宙航空研究開発機構(JAXA) 月探査機「かぐや」を使った 月の誕生と進化の研究 (RSAT/VRAD サブPI、 おきな・おうな開発主担当)





あらまし



内容

- §1.「かぐや」以前の月重力場探査
- §2. 「かぐや・おきな・おうな」
- §3. 「かぐや」後の月・火星探査

参考教科書

- ▶「物理測地学」, B.ホフマン-ウェレンホフ/H.モーリッツ著, シュプリンガージャパン, ISBN4-431-71212-7.
- ➤ "Geodynamics", Donald L. Turcotte and Gerald Schubert, Cambridge Univ.

Press, ISBN-13: 978-0521666244.

- ▶ウェーブサミット講座「VLBI技術」, 高橋冨士信/近藤哲朗/高橋幸雄 共著, オーム出版局, ISBN4-274-07852-3.
- ▶「現代測地学」,日本測地学会 (1994).

宇宙測地(space geodesy)の計測手法

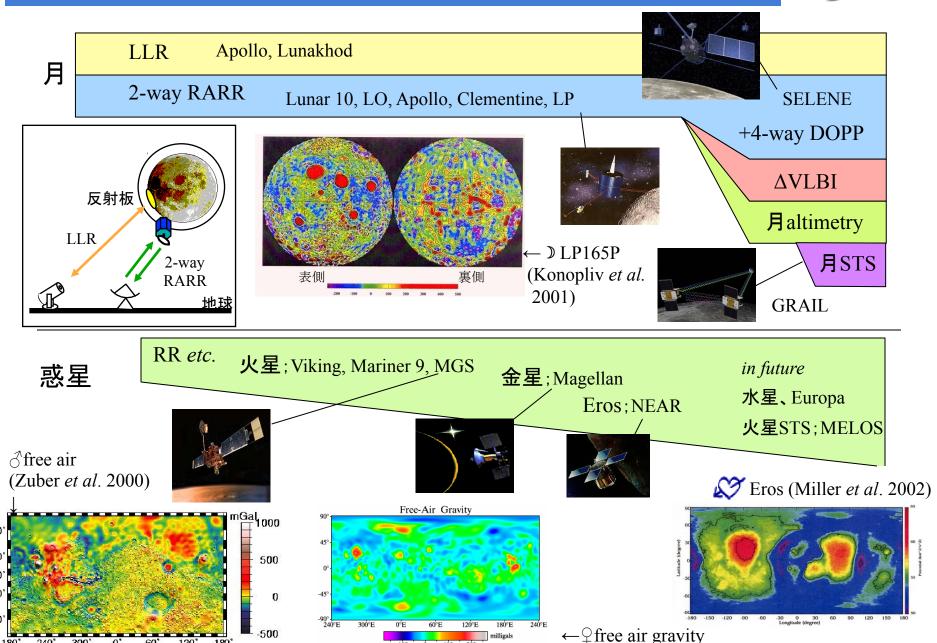


宇宙測地:宇宙機の電波・光学航法を利用した測地観測 →月惑星の重力場分布、軌道・自転変動の測定に応用

手法		特徴
RARR	Ranging and Ranging Rate 測距・距離変化率(*)計測 *)ドプラ計測	・電波中継による測距・速度計測・視線方向に感度がある・月惑星の重力場を計測・掩蔽時に観測不可
SLR (LLR)	Satellite Laser Ranging (Lunar Laser Ranging) 衛星(月)レーザ測距	・レーザ光反射による測距・視線方向に感度がある・月の軌道・回転変動を計測・新月、満月時に観測不可
VLBI	Very Long Baseline Interferometer 超長期線電波干渉計	・衛星電波による測位・視線直交面方向に感度がある・月(惑星)の重力場(・回転変動)を計測

宇宙測惑星(space planetodesy)による月惑星計測の流れ







pre-KAGUYA





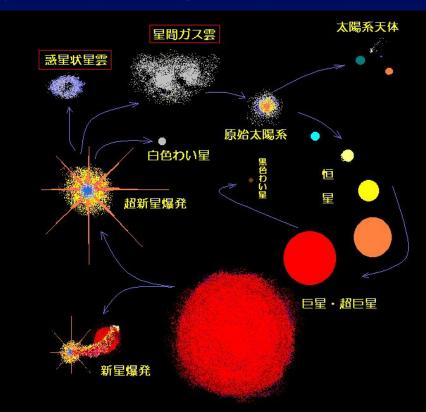
月を知る意義



月は最も探査し易い天体

地球では失われた過去を留めている

- ◇月は普遍的な天体か? 特異な天体か?
- ◇特異な一天体を調べる意義は?



↑ http://www.geocities.co.jp/Technopolis-Mars/5777/seiun.html

←撮影:大沼 崇 (2004), http://www.astroarts.co.jp/index-j.html

太陽系の普遍性?



太陽系外惑星系(特徴: hot Jupiter, etc.)

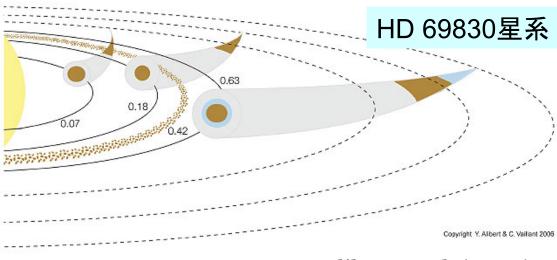
- Sampling bias を有するであろう。
- ・いずれかの遷移状態を見ている可能性がある。

我々の太陽系

- •1 sampleのみの存在
- •普遍的/特異?

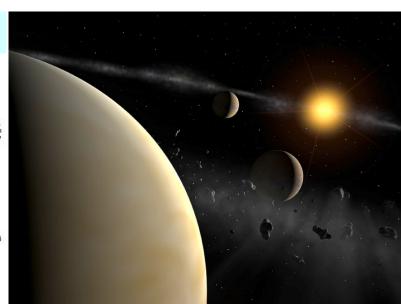
→太陽系的恒星系を見つける

または(シミュレーションで)作る



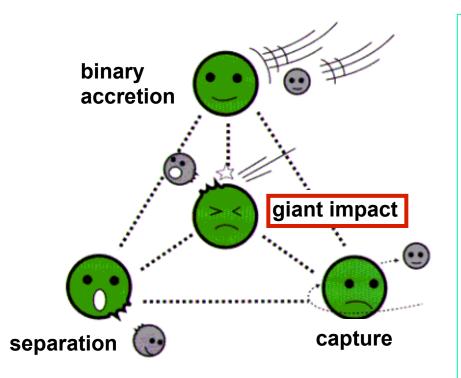
ex. Alibert *et al.* (2006)

Formation Process of Planetary System around HD 69830



Questions for lunar origin and evolution





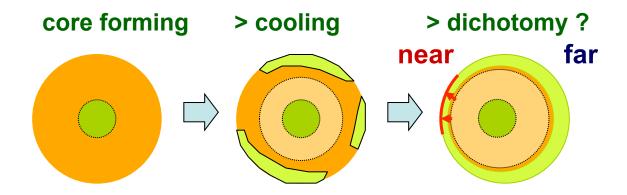
Questions:

- Origin: Is the **Giant Impact** Model completely understood?
- Evolution: What caused dichotomy?

- ... ?

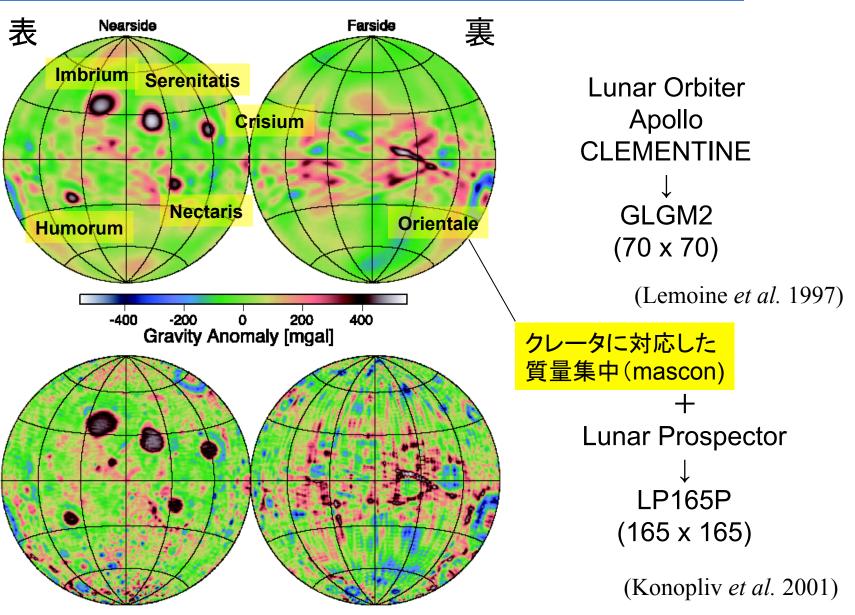
For answers:

Global mapping by multi-instruments.



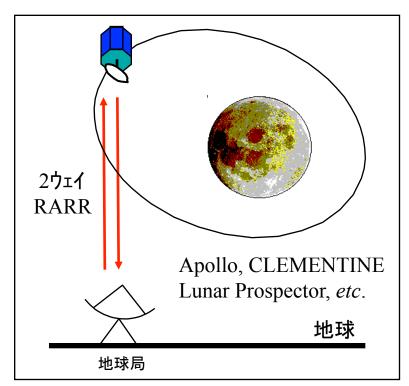
SELENE以前の月重力場マップ





Lunar Prospectorまでの月重力場計測: 2ウェイRARR

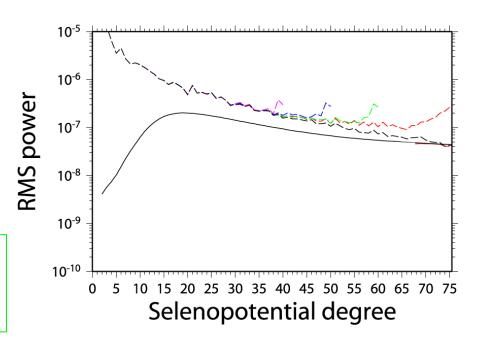




2ウェイRARR(測距・距離変化率)計測
↓
軌道の摂動から重力場分布を推定

 $P(r, \phi, \lambda)$ における重力ポテンシャルの 球面調和展開:

$$V(\phi, \lambda, r) = \frac{GM}{r} \sum_{n=0}^{N} \left(\frac{R}{r}\right)^{n} \sum_{m=0}^{n} \left(C_{nm} \cos m\lambda + S_{nm} \sin m\lambda\right) P_{nm} \left(\sin \phi\right)$$

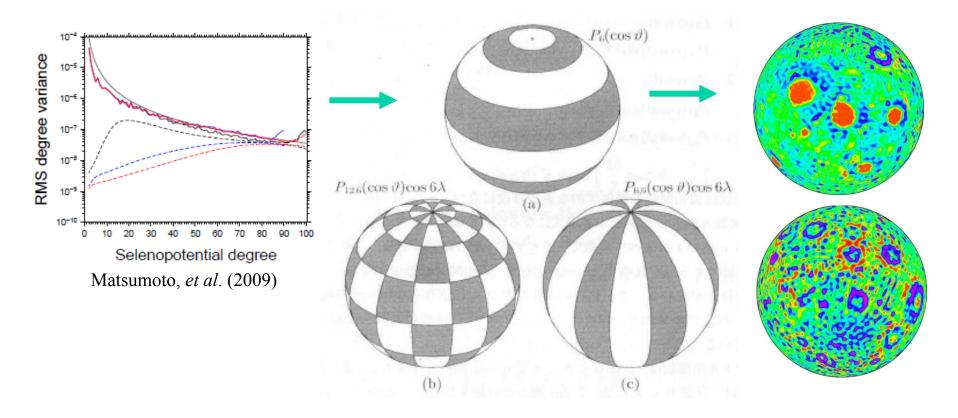


重力場の球面調和関数展開



・惑星の重力場は球面調和関数で表される

$$V = \frac{GM}{R} \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=0}^{n} \left(\frac{R}{r}\right)^{n+1} \left(C_{nm} \cos m\lambda + S_{nm} \sin m\lambda\right) P_{nm} \left(\sin \phi\right)$$



地形と重力異常との対応



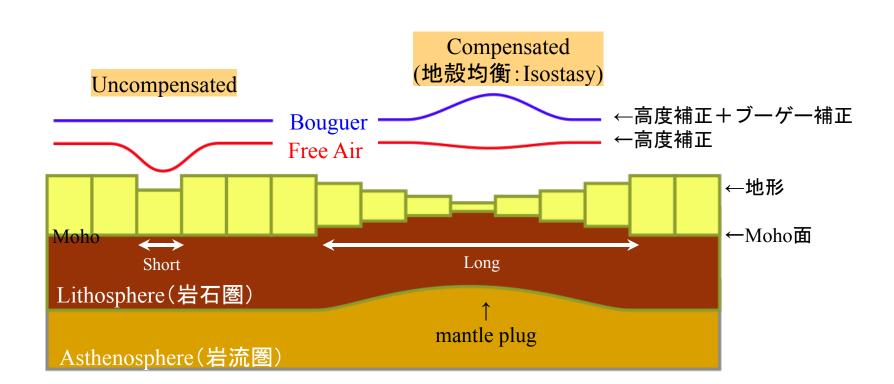
重力異常 等ポテンシャル面 (selenoid) 上の標準重力からの差

$$\Delta g = g_{\rm obs} - GM/R^2$$

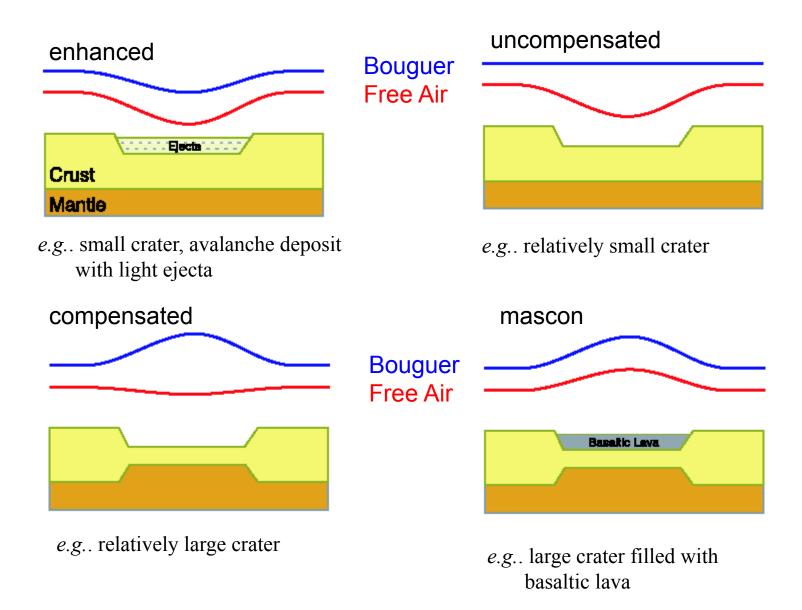
高度補正 測定点の高度を補正(free air補正)

ブーゲ補正 測定点とselenoid間の物質の影響を補正

$$\delta g = 2\pi G \rho h$$

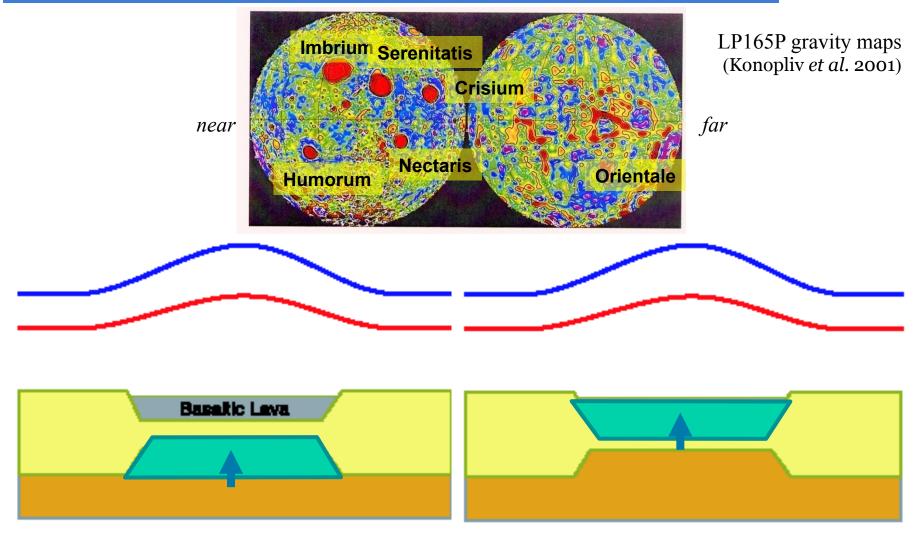






Origin of Mascon



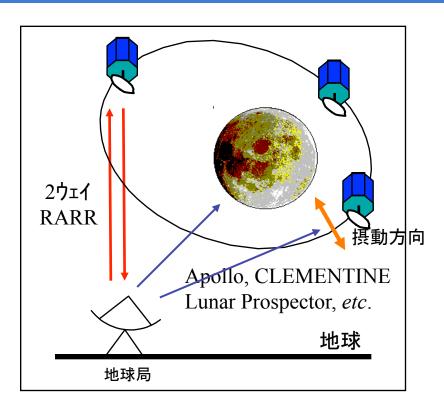


excess of mantle plug

excess of basaltic lava

Lunar Prospectorまでの月重力場計測の制約

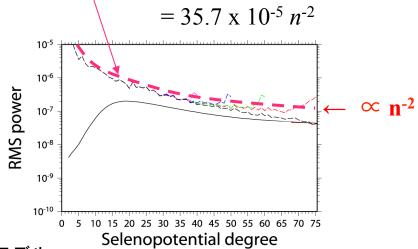


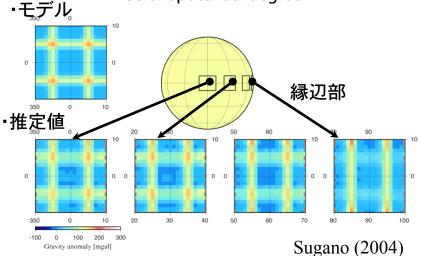


- 1)月の表側のみ直接RARR計測
- 2)地球局の原子標準(水素メーザ)に依存
- 1) 裏側の重力場は表側の軌道から推定、 縁辺部の感度も悪い。
- 2) 測定精度向上に限界

高次側はKaula (1966)の拘束条件を仮定

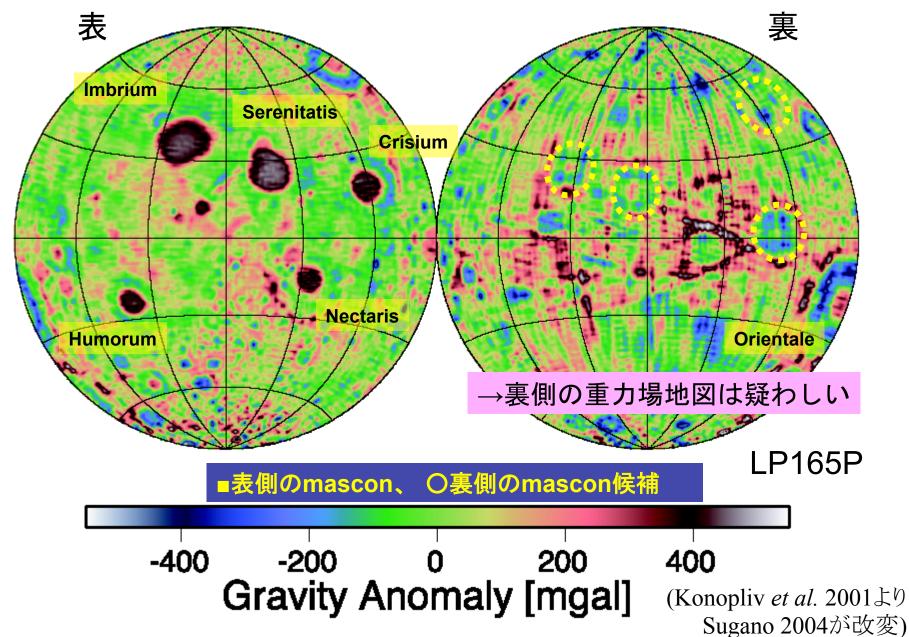
$$|s\{C_{nm}, S_{nm}\}| = \left[\sum_{m=0}^{N} \{C_{nm}^2 + S_{nm}^2\}\right]^{1/2}$$





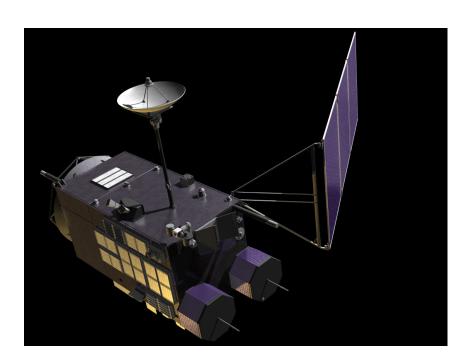
月重力場地図:表(左)と裏(右)のリアリティ比較







Results of KAGUYA



SELENE(かぐや)の観測機器の一覧



15のミッション				
	13072 7 7 3 2			
主な目的	名称			
元素の分布	XRS:蛍光X線分光計 GRS:ガンマ線分光計			
鉱物の分布	SP:スペクトルプロファイラ MI:マルチバンドイメージャ			
表層の構造 	TC:地形カメラ LRS:月レーダサウンダ LALT:レーザ高度計			
月の環境	LMAG:磁力計 UPI:プラズマイメージャ CPS:粒子線計測器 PACE:プラズマ観測器 RS:電波科学観測			
重力の分布	VRAD:相対VLBI用衛星電波源 RSAT:リレー衛星中継器			
広報	HDTV:ハイビジョンカメラ			

多様な観測手法(14観測機器)による**全球**観測 → 月の起源と進化を探る

電波	電磁波 LRS VRAD, RSAT, RS		
赤外	MI, SP,	TC	
光	LALT, HDTV		
紫外	UPI	磁場	
X線	XRS	LMAG	
γ線	GRS	粒子線 CPS PACE UPI	

On-orbit configurations of SELENE



Relay Satellite "翁 Okina (Rstar)"



Main Orbiter "Kaguya"

Princess KAGUYA with her foster parents OKINA and OUNA; (by Machiko Satonaka) →



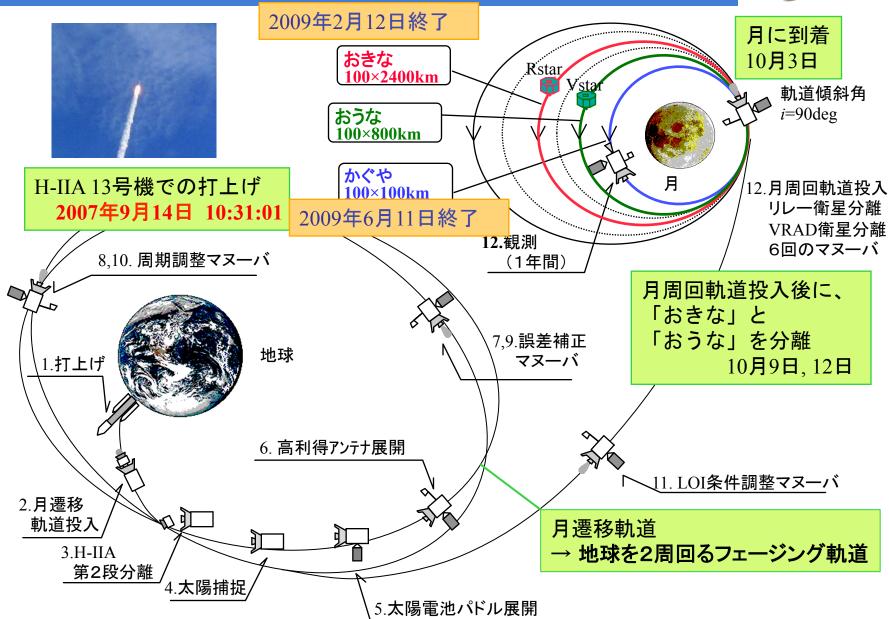
- •SELENE consists of;
 - 1) Kaguya: Main Orbiter
 - 2) Okina (Rstar); Relay Satellite
 - 3) Ouna (Vstar); VLBI Radio Satellite

Purpose of two small sub-satellites;

- global and precise mapping of lunar gravity field.

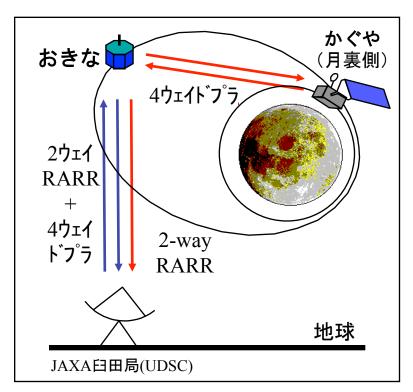
ミッションプロファイル: 月への道のり



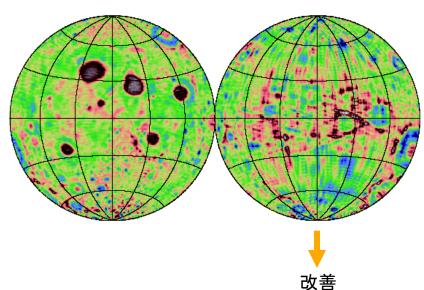


RSAT: リレー衛星による月裏側4wayドプラ計測





月裏側の重力場の直接観測



月の裏側を飛行中のSELENE主衛星の 軌道を、Rstar経由で計測する。

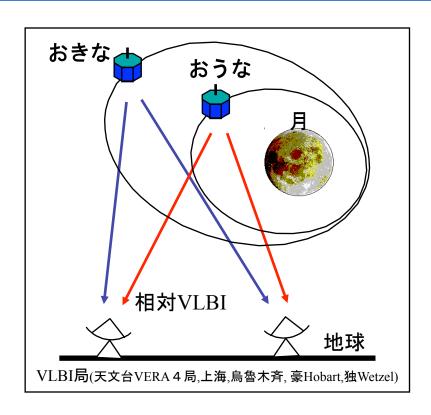
月の裏側の低い軌道を初めて直接観測 し、Kaula (1966)の拘束条件に依らず 重力場を決める。



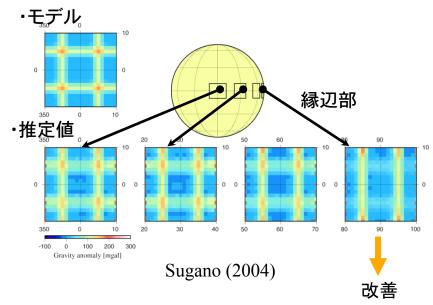
JAXA臼田局(UDSC)

VRAD: 衛星電波源の多周波相対VLBI観測





月縁辺部の重力場精度の改善月重力場の低次項の精度改善



RstarとVstarから発信される電波を多周波相対VLBI観測する。

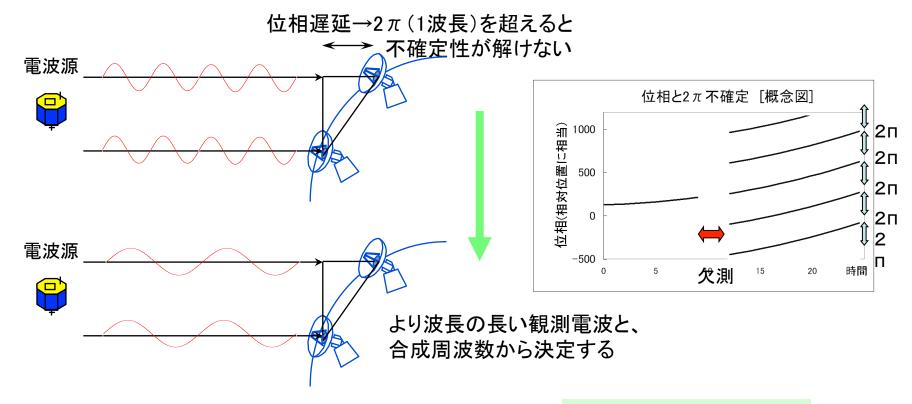
RARRより約2桁高精度の位置決定、視線 垂直面方向の改善を行い、重力場の低次項 を改善する。



VERA水沢局 VERA石垣島局 VERA小笠原局

多周波を用いた位相遅延決定の概念





VRADの周波数の条件

- ・電離層補正のため、S帯とX帯を同期させる。 f(X) = (n/m) f(S)
- ・位相差の不確定性を解くため、S帯に3波、 X帯に1波を配置する。

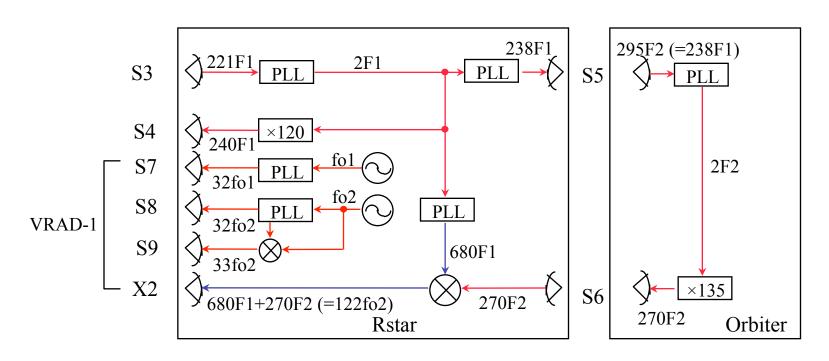
$$f_{i+1} < (2\pi / \delta \phi) f_i$$
 where $\delta \phi = 10 \deg$

VRAD周波数

- •2212 MHz •2218 MHz 6 MHz
- •2287 MHz → 75 MHz
- •8456 MHz

RSATの周波数変換概念図





RSAT/VRADの周波数条件

周波数の条件

- ・位相不確定性を解く
- ・コヒーレント=整数比 (単純な素数)
- ・TTCと非干渉
- 宇宙バンド

RSAT周波数の決め方

S4; 2260MHz = S3 (240 / 221)

S5; 2242MHz = S3 (238 / 221)

S6; 2052MHz = S5 (270 / 295)

X2; 8456MHz = S6 + S3 (680 / 221)

VRAD周波数の決め方

S7; 2212 MHz = f_{O1} x 32

S8; 2218 MHz = f_{O2} x 32

S9; 2287 MHz = f_{O2} x 33

X2; 8456 MHz = f_{O2} x 122

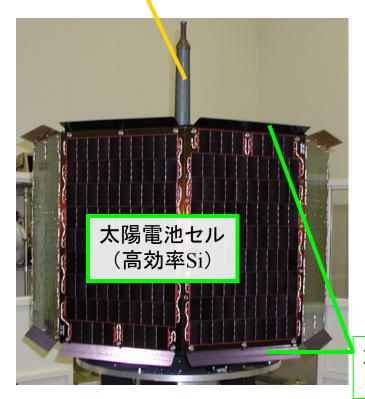
リレー衛星の外観



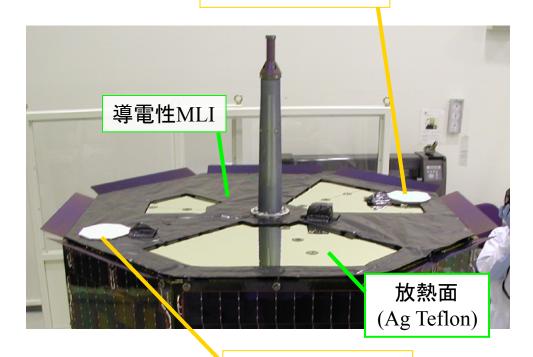
サイス:1m×1m×0.65m

質量:45kg 電力:70W

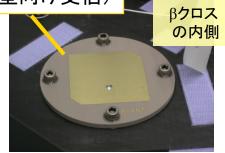
S/X帯垂直ダイポールアンテナ [地球向けビーム]



S帯平面アンテナ (主衛星向け送信)



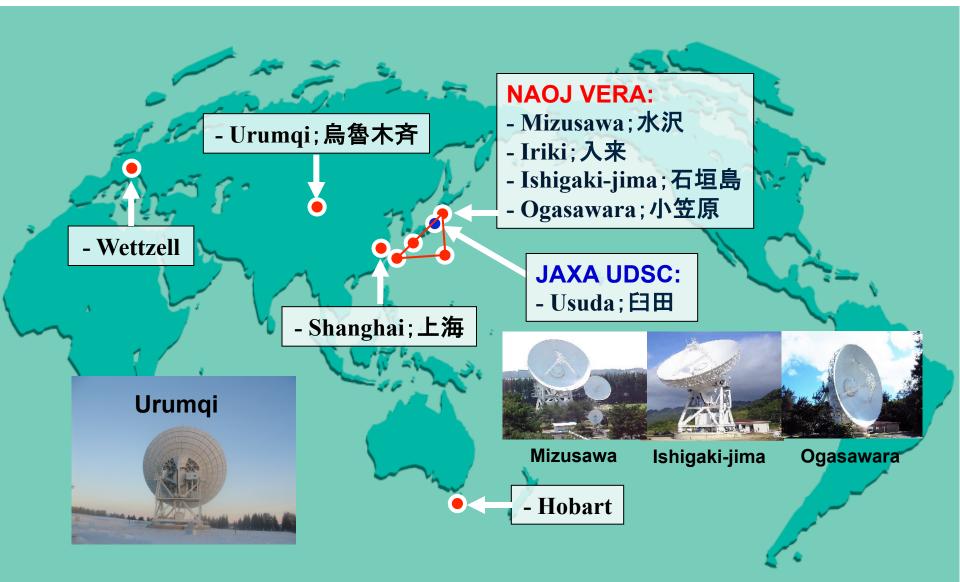
S帯平面アンテナ (主衛星向け受信)



太陽風キャンセル板 (Geコーティング)

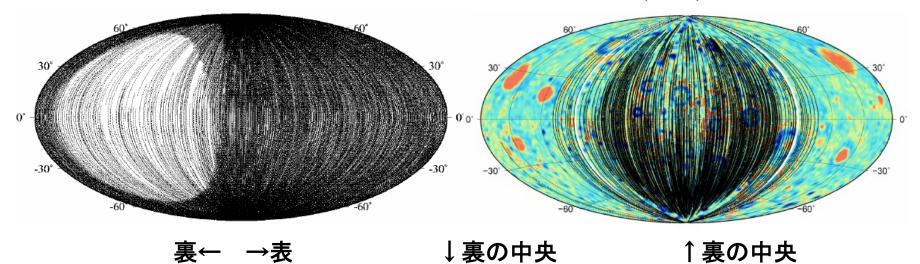
Ground stations for RSAT/VRAD



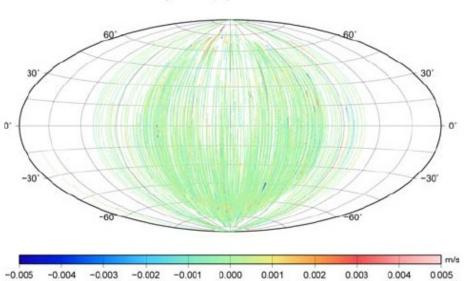




追跡データカバレッジ Matsumoto *et al.* (2010)

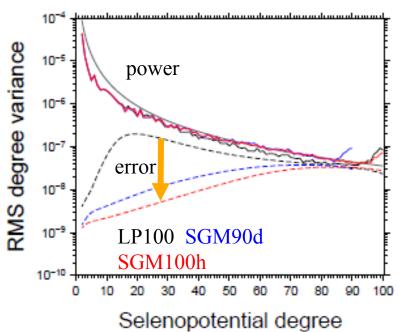


4-way Doppler residual



SELENE重力場モデル(SGM100h)による展開係数の精度

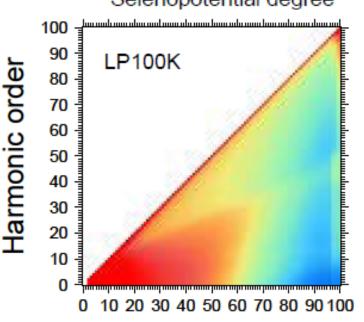


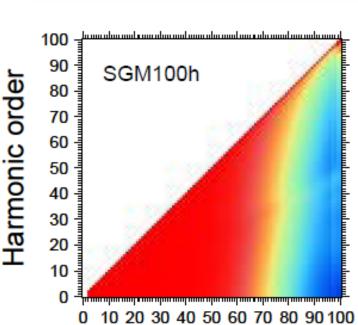


←展開係数の次数(degree)の強度と誤差

Matsumoto, et al. (2010)

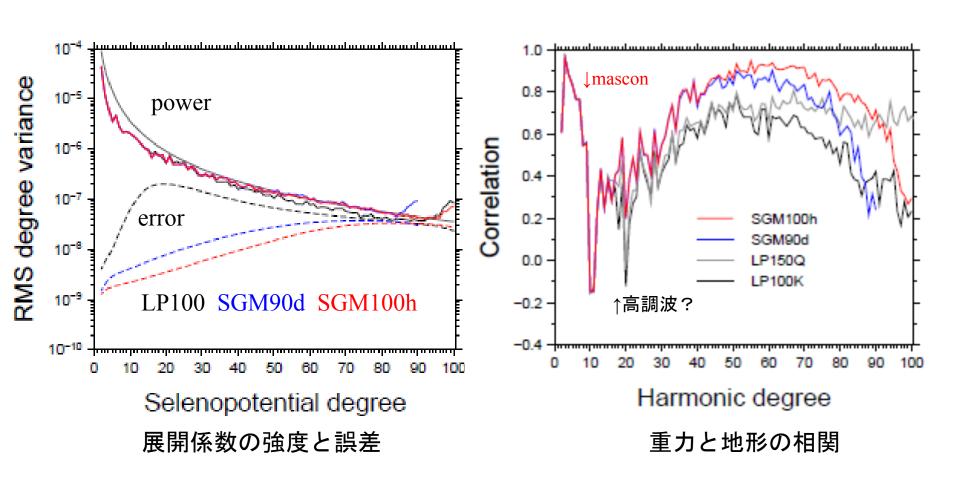
→展開係数の次数(degree)と位数 (order)の観測依存性(1=観測地から決 定、0=a priori modelから決定)





重力異常の波長依存性 - 重力場と地形との相関

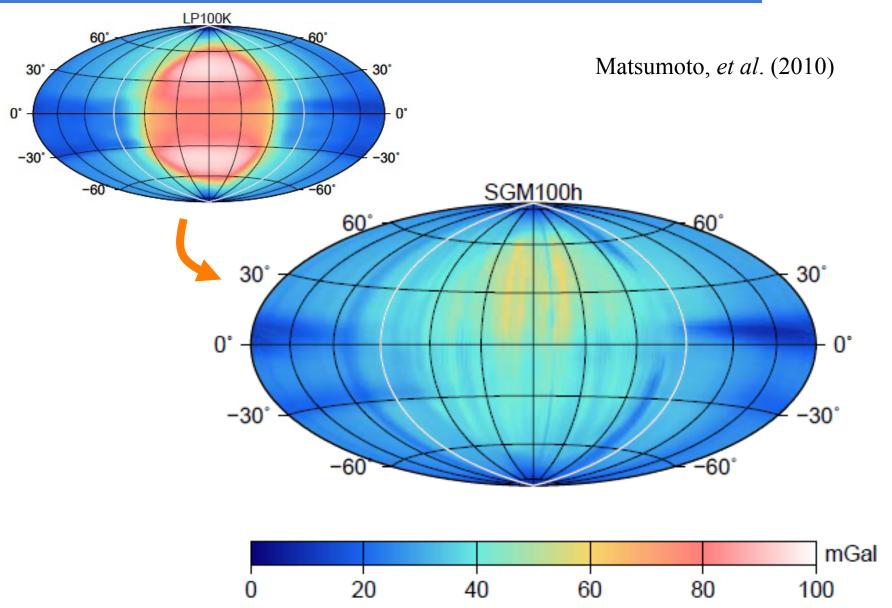




Matsumoto, et al. (2010)

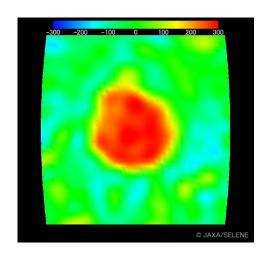
SELENE重力場モデル(SGM100h)による重力場分布の精度





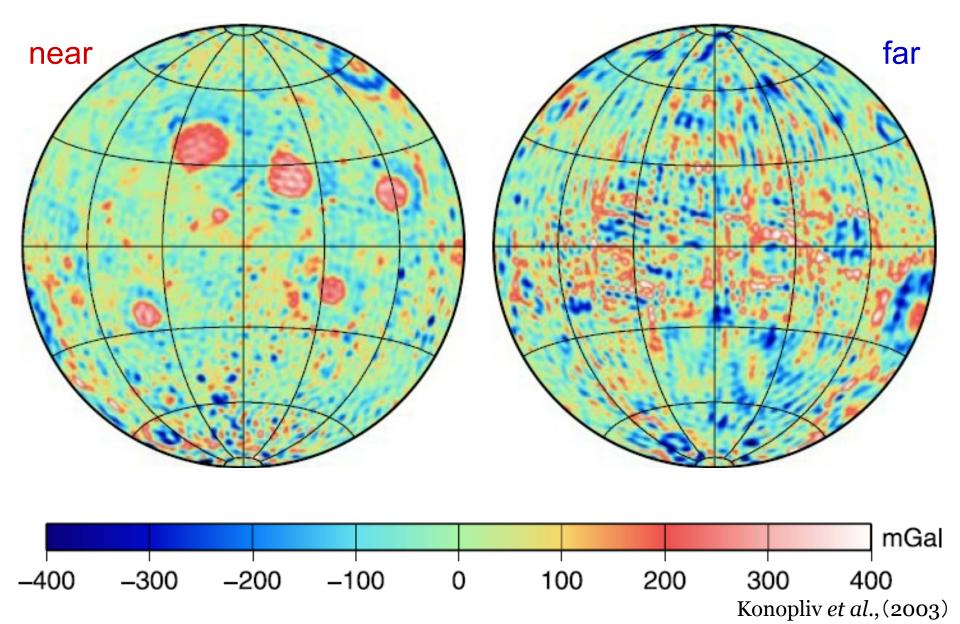


Gravity anomaly



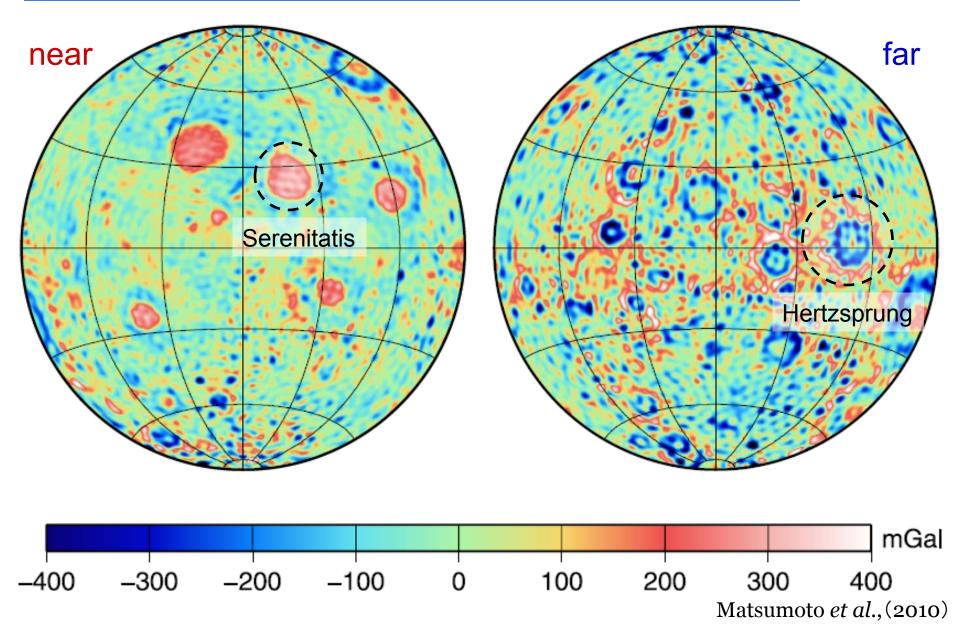
LP100K; 月表面の垂直方向重力加速度異常





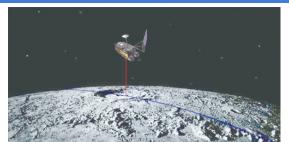
SGM100h; 月表面の垂直方向重力加速度異常



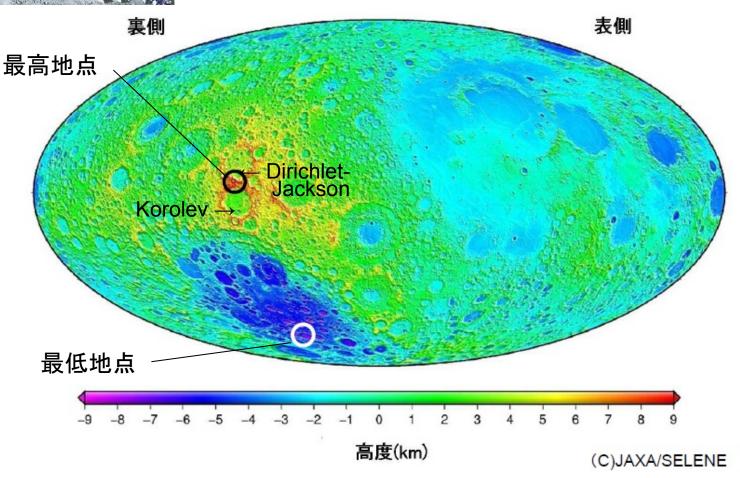


LALT(レーザ高度計)による月の地形



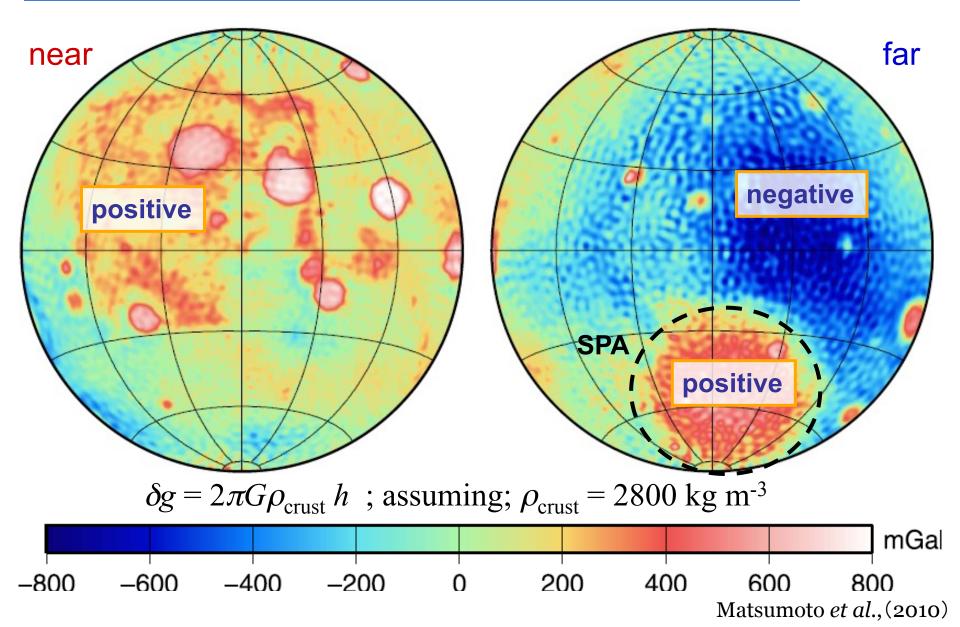


月の等高線地図 (ハンメル等積投影図法)



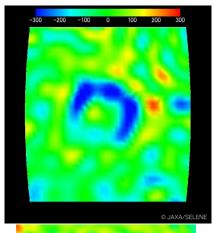
SGM100h; Bouguer重力異常





Three classifications of basins



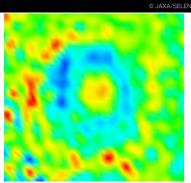


Apollo

after Namiki et al., (2009)

Type 1: - positive and negative ring

- no central peak in Bouguer

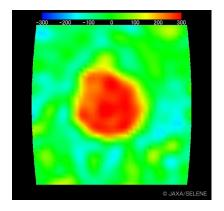


Orientale

Type 2: - positive and negative ring

- central peak in Bouguer

some of them have been reported as mascons



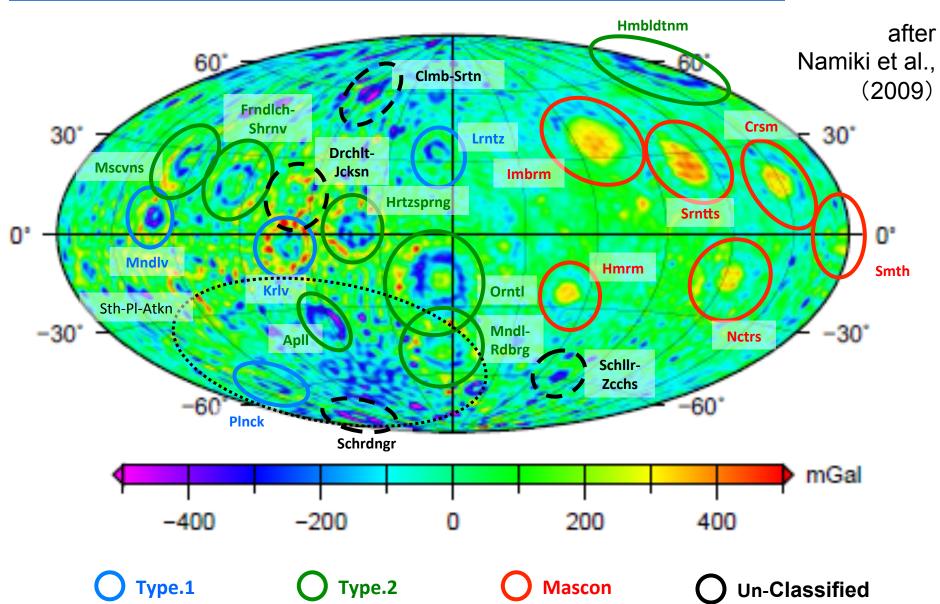
Serenitatis

Principal Mascon:

- positive circle in free-air and Bouguer

衝突盆地の再分類







Crustal thickness



月のリソスフェアの厚さの算出



$$W_{nm} = -\frac{\rho_c}{\Delta \rho} \frac{1}{\xi(n)} H_{nm}$$

Arkani-Hamed [1998]

n:球関数の次数

Δρ:密度差

E: Young率

v:Poisson比

where
$$\xi(n)=rac{Dn^2(n+1)^2}{R^4\Delta\rho g}+rac{ET_e}{R^2\Delta\rho g}+1$$

$$D=rac{ET_e^3}{12(1-
u^2)}$$

地殻均衡→地殻厚さの推定

表面地形:H

Lithospheric Thickness

Moho

Moho 地形:W

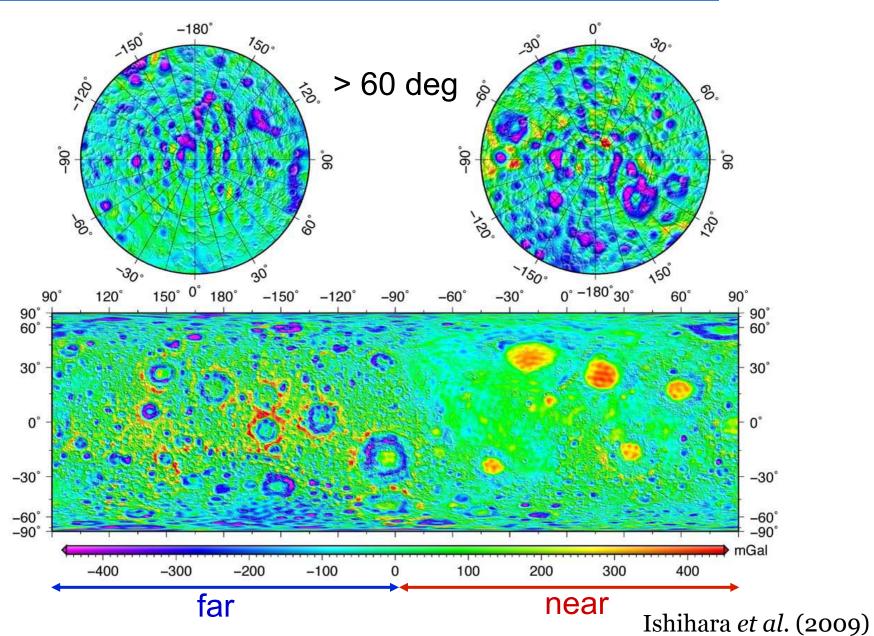
Lithosphere

Asthenosphere

T_e

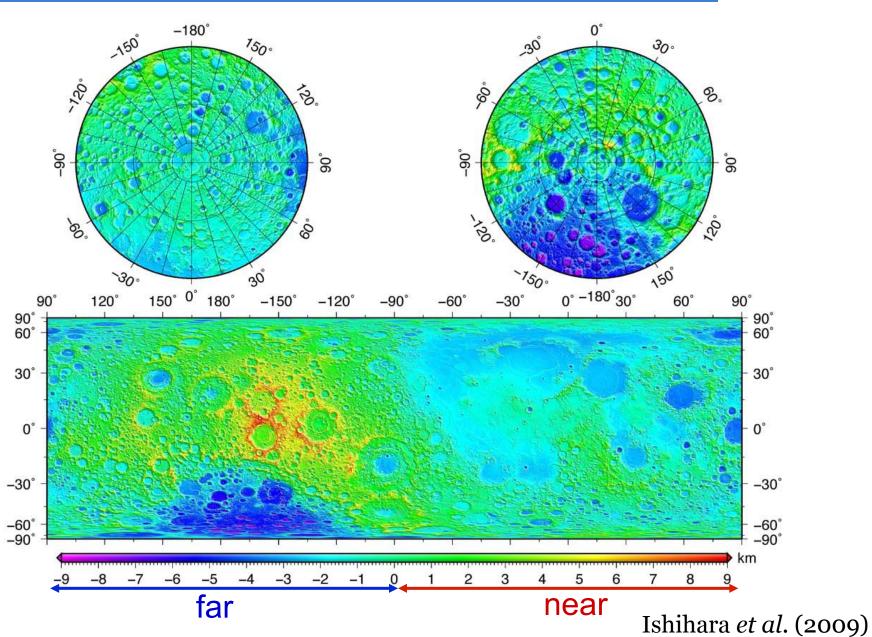
Free-air gravity anomaly





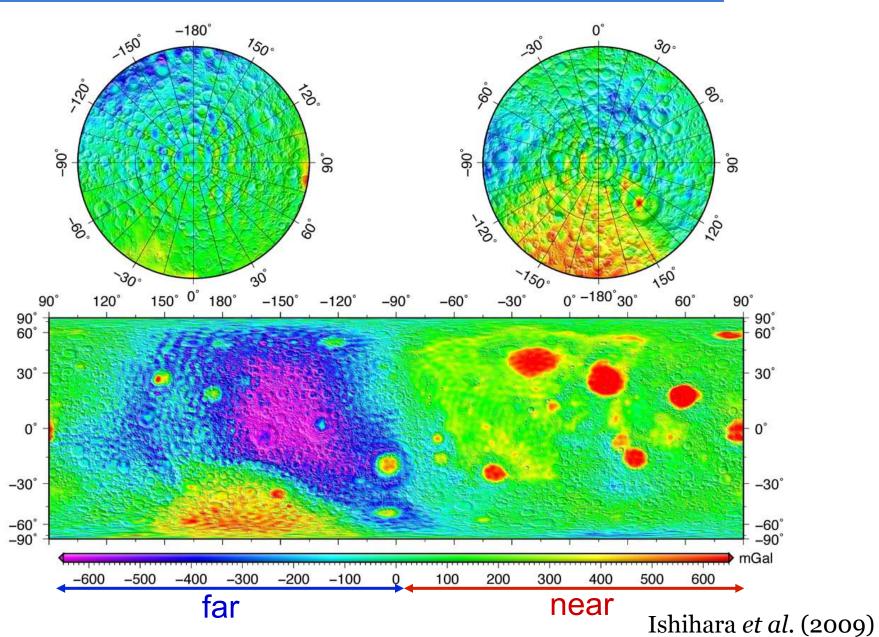
Topography by LALT





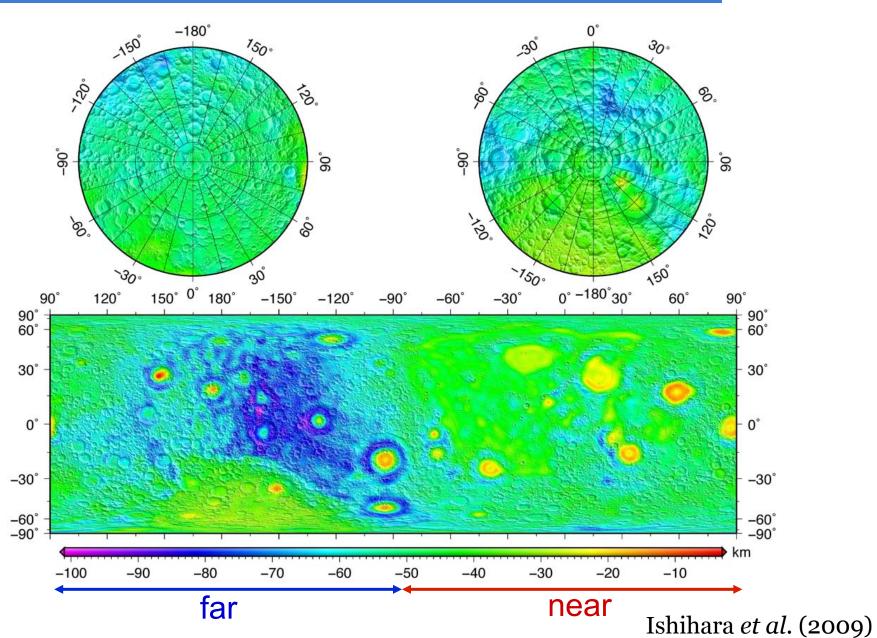
Bouguer gravity anomaly





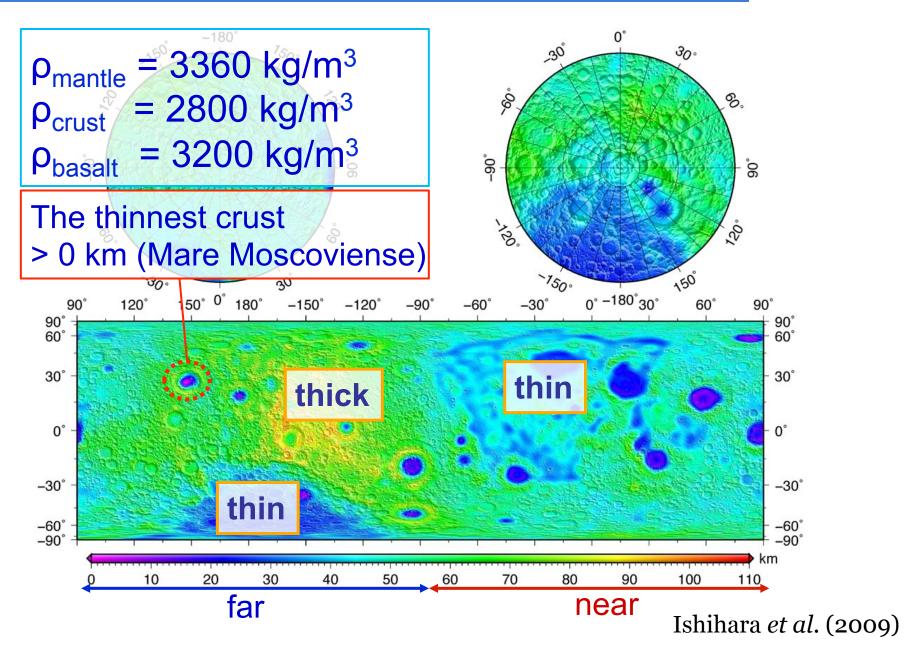
Moho depth





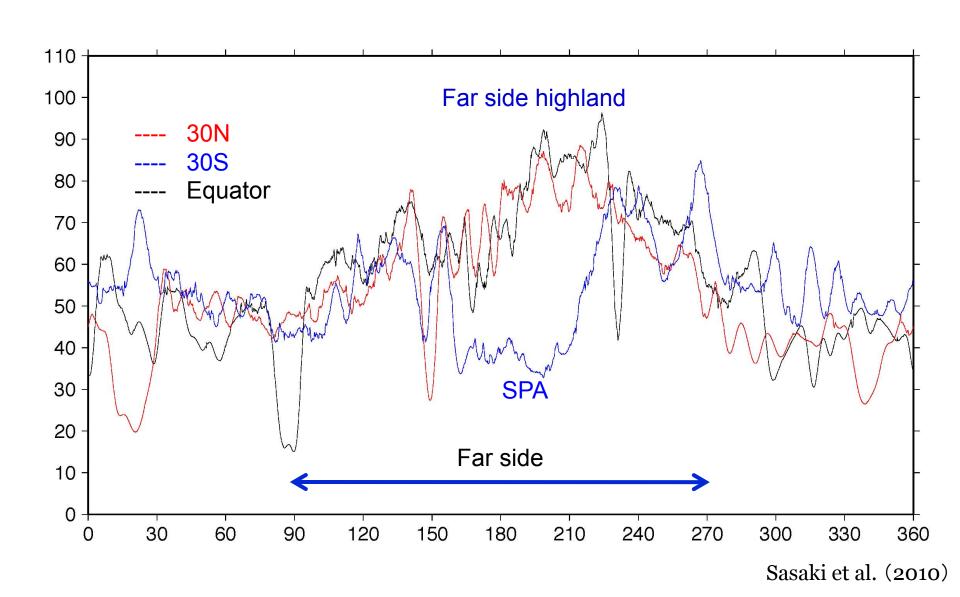
Crustal thickness





Crustal thickness variation





Comparison of crustal thickness



This work:

Khan et al.: - Apollo 12 : 45.1 km

- Apollo 12/14 : 45±5 km

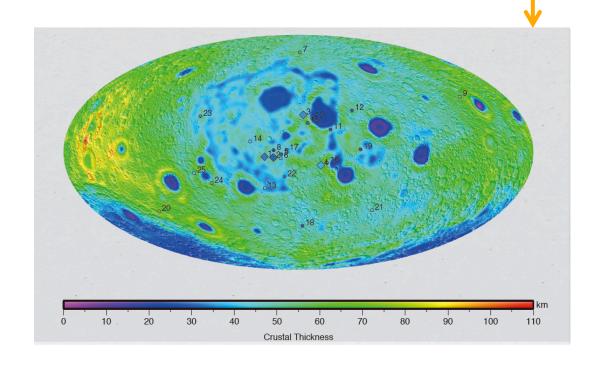
- Apollo 14 : 49.9 km Lognonné *et al*.:

- Apollo 12/14 : 30±2.5 km

Chenet et al.:

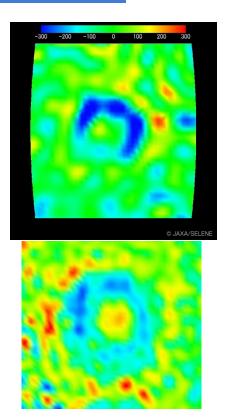
- Apollo 12/14: 33.4±5.3 km

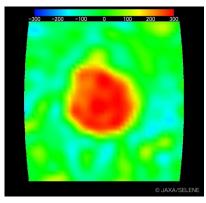
Comparison with Seismically-determined crustal thicknesses below impact points (Chenet et al., 2006).





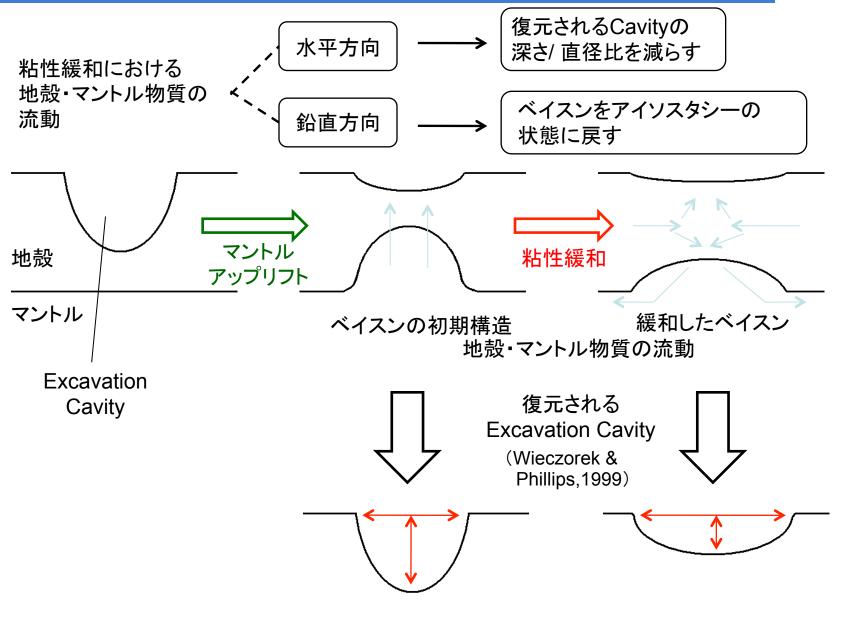
Origin of
Type 1 basin
Type 2 basin
Mascon





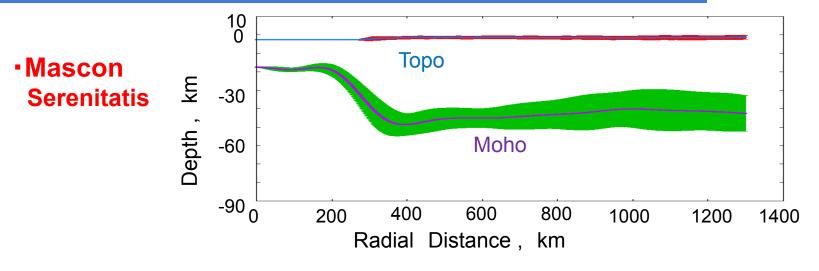
Excavation Cavityの復元

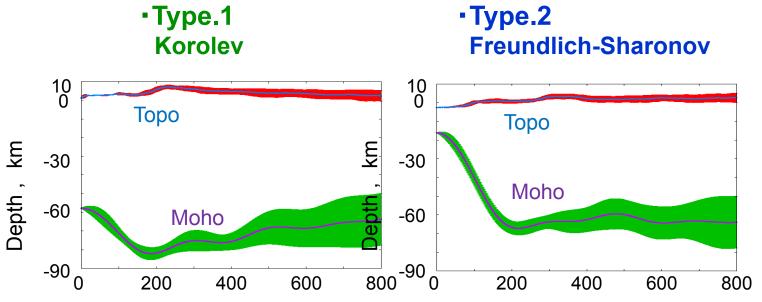




Examples of recovered excavation

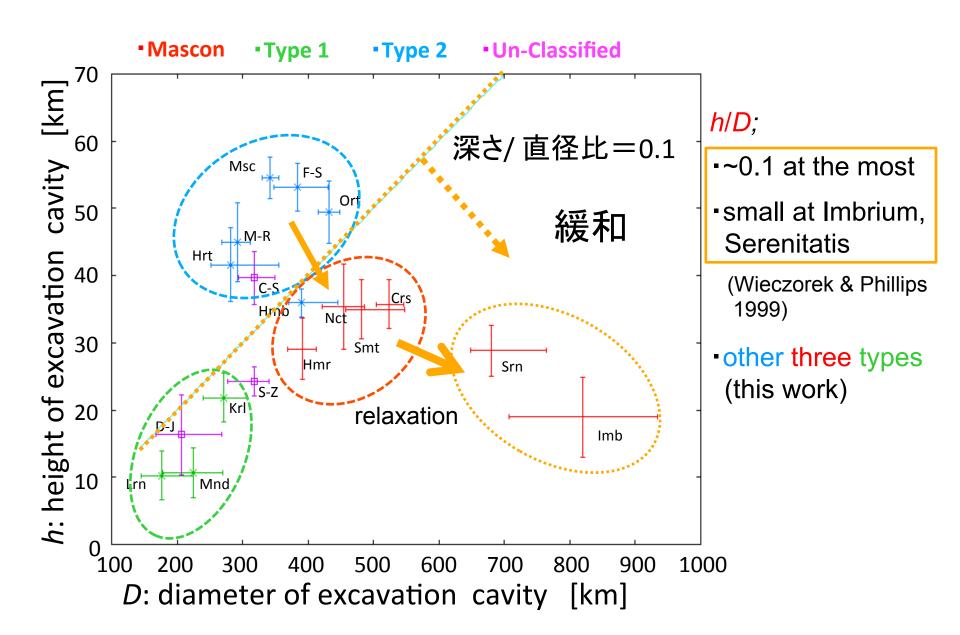






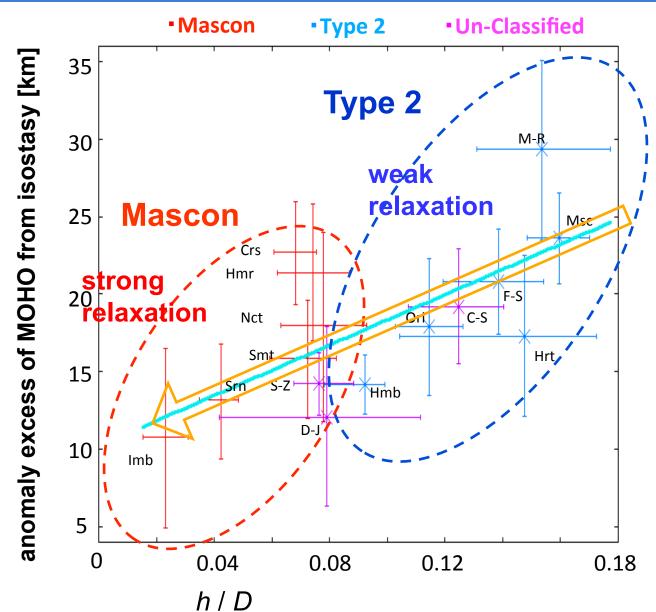
height / diameter ratio of excavation cavities





Relaxation from Type II basin to mascon

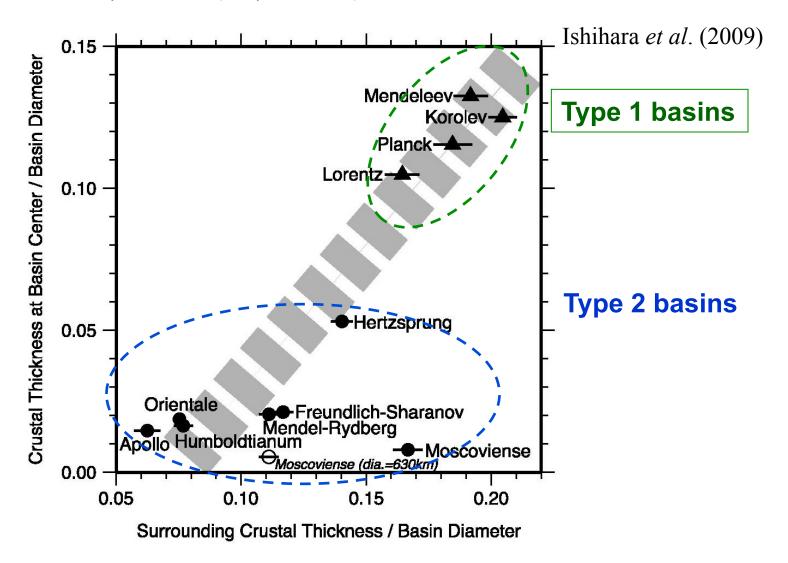




Basin structures from crustal thickness

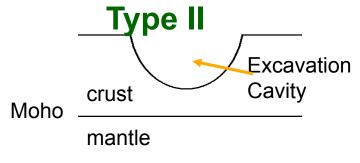


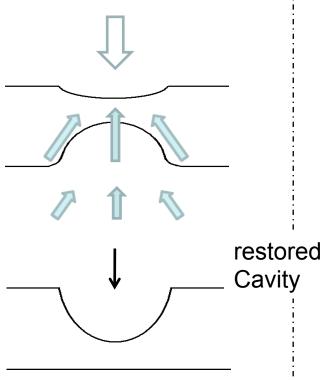
Difference type 1 and type 2 basins: ratio of pre-impact crustal thickness (Moho depth) and impact scale



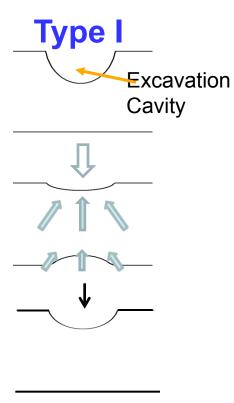
Different magnitude of impact: Type I & II







Type II: large impact Type I: small impact



Summary 1: Gravity & crustal thickness



- Kaguya's global gravity map shows the dichotomy of the gravity anomaly shapes between lunar near and far side.
- Positive / negative Bouguer anomalies are associated on FHT and SPA / far-side, respectively.
- Crustal thickness variation is similar to the seismic estimate but would have constant offset.
- Type 2 / mascon suggests the viscous relaxation processes.
- Type 1 / type 2 suggests the relationship between crust thickness and impact scale.

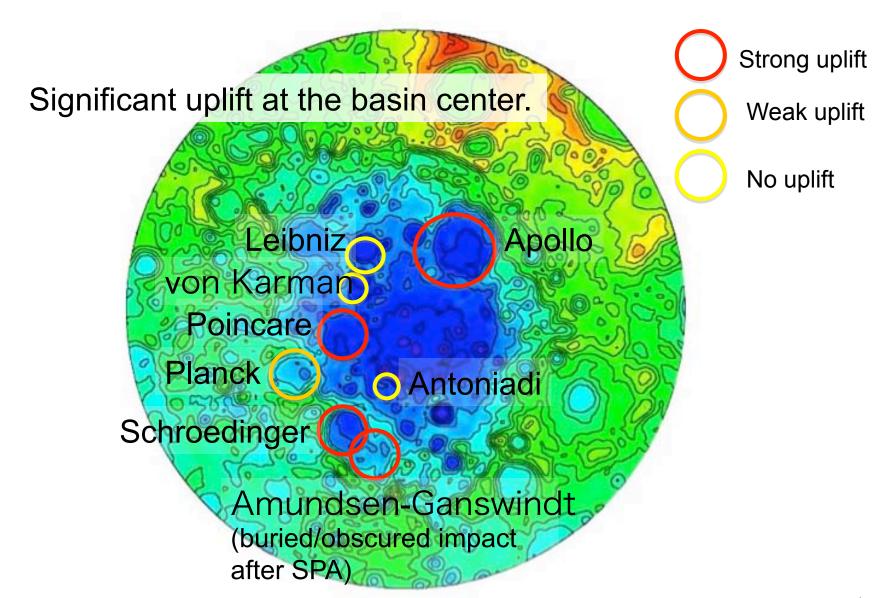


SPA: South-Pole Aitken basin



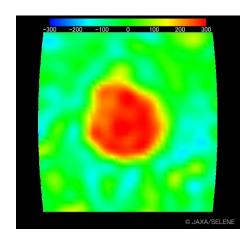
Mantle uplift below impact basins in SPA

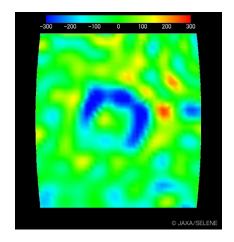






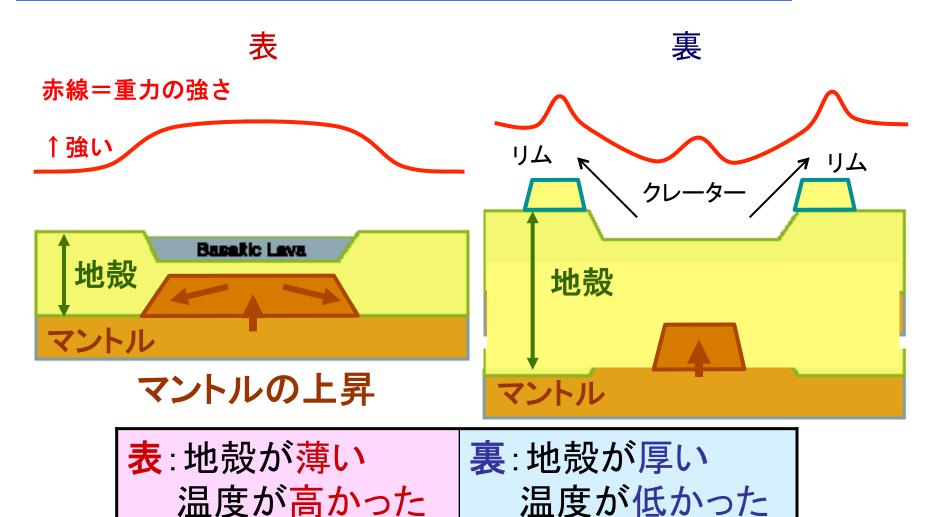
Dichotomy





月の表と裏の内部の違い(二分性)



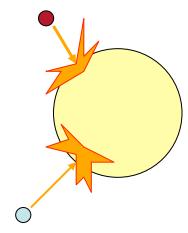


→初期温度の違い?、冷却プロセスの違い?

月の進化の再モデル化



月形成



全/部分溶融

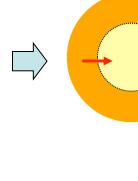
- 集積エネルギー
- 放射壊変エネルギー
- 地球潮汐作用



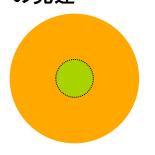
- コア分離
- マグマオーシャン の発達

内部分化

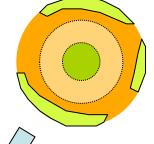
- マントル固化
- 斜長岩地殼形成













地球の引力 の影響?



二分性

- マグマオーシャン の固結
- 火成活動

Conclusions



- Global and accurate gravity / topography maps and crustal thickness / MOHO maps were obtained. The accuracy of gravity above the far side were significantly improved.
- Mantle uplifts and their viscous relaxations are exceeded below the impact basin on the near side.
- Impact basin-ring topography is mostly supported by crust on the far side.
- The difference of gravity field structure suggests the dichotomy of inner structures and viscous processes, which supports and suggests the difference of crustal thickness and temperature, respectively



Lunar core



慣性モーメント vs. 重力場係数



慣性モーメントは重力場の2次の項で決まる:

$$C / MR^2 = 4 C_{22} / \gamma$$
 $I / MR^2 = 4 C_{22} (3+\beta+\gamma-\beta\gamma) / 3\gamma(1+\beta)$
 $1 / MR^2 = 2 J_2 / [C-(A+B)]$

力学的扁平率: β = (*C*-*A*) / *B*, γ = (*B*-*A*) / *C* (*A*, *B*, *C*: 主慣性能率, A<B<C)

 $C/MR^2 < 0.4 \rightarrow \exists \mathcal{F}$

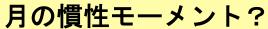
地球: 0.33

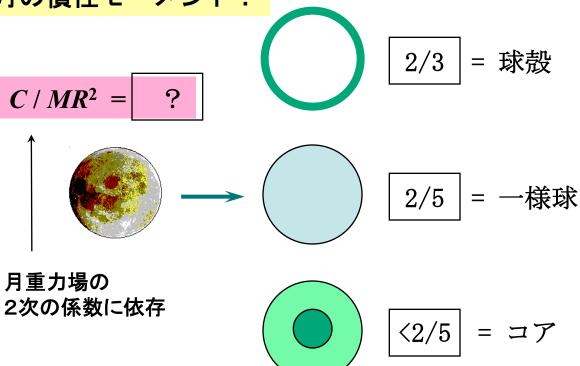
火星: 0.36

月 : 0.39

慣性モーメントとコアの有無





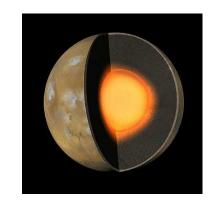


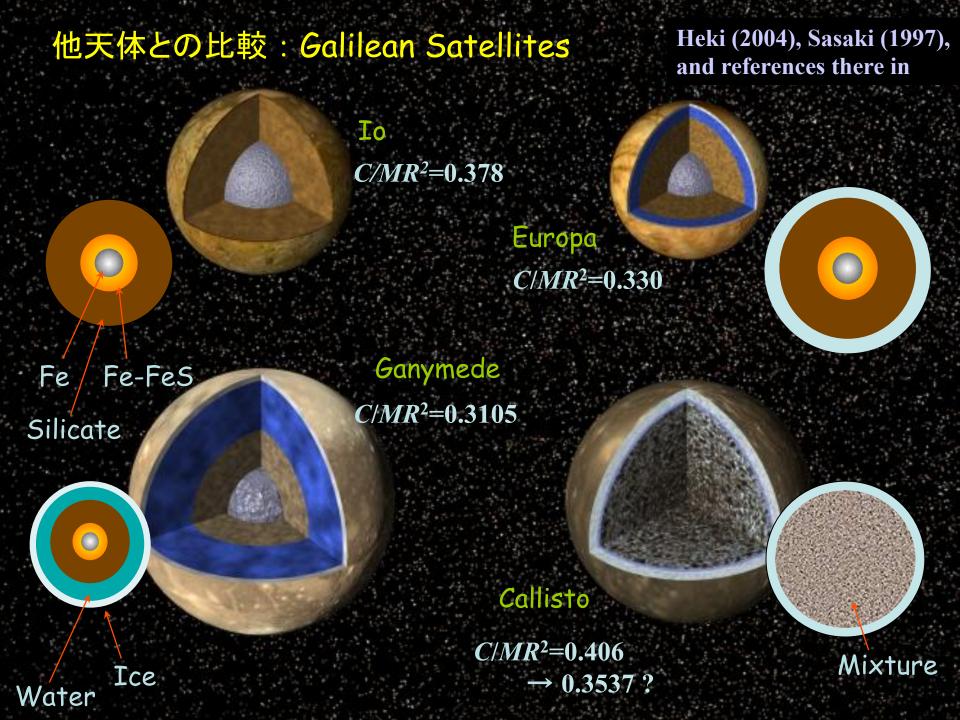
cf.

- 地球:C/MR²(⊕) = 0.33

- 火星: C / MR²(3) = 0.3635







慣性モーメントの改善



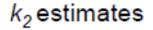
```
LLR(レーザ測距)
 0.394\pm0.002
衛星測距(LP75G)
 0.3932\pm0.0002
Fe-richが判明
→Feコアならば 半径; 320+50/-100km
 FeSコアならば ; 510+80/-180km
 (Konopliv et al., 1998)
VRADで精度改善
 0.393444\pm0.000096
→コア密度の精度;20%
 (Goossens et al., 2009)
<<月震波によりコアサイズを決定すれば
   →密度が確定できる>>
```

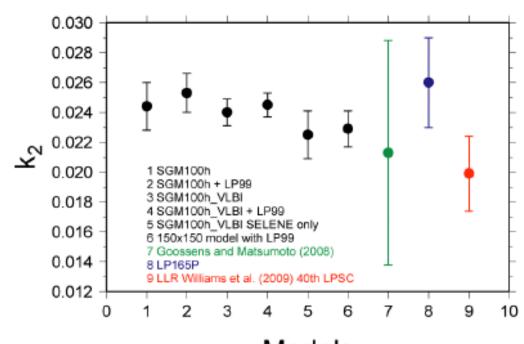


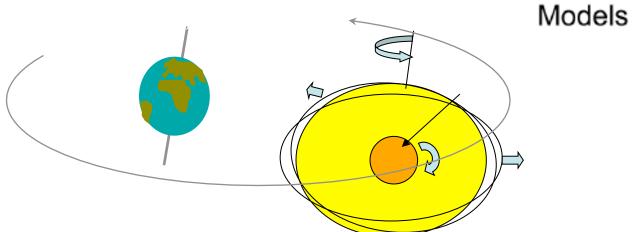
ラブ数 k_2 の改善













post-KAGUYA

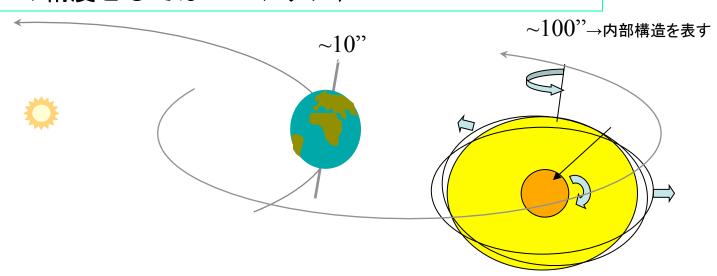


月の流体核?



- Yoder, 1981:月の自転軸歳差と白道面歳差は同期
 - →自転軸法線ベクトルの位相は0.26"進んでいる
 - →月内部の消散に伴う位相遅れの反作用
- Williams *et al.* (2001): LLRデータから、強制秤動の様々な周波数成分について消散項を求め、振幅を比較

固体潮汐による消散:核マントル境界での消散 = 3:1 (LLRの精度としてはマージナル)

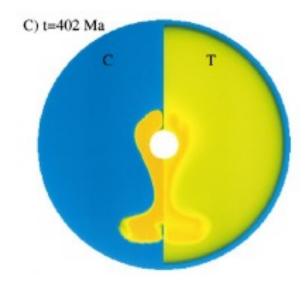


流体核 → mare basaltの二分性



- Zhong *et al.* (2000): 流体核を前提に、mare basaltの二分性から コアのサイズに制約を与える

プルームが一本であるためのコア半径 < 250 km



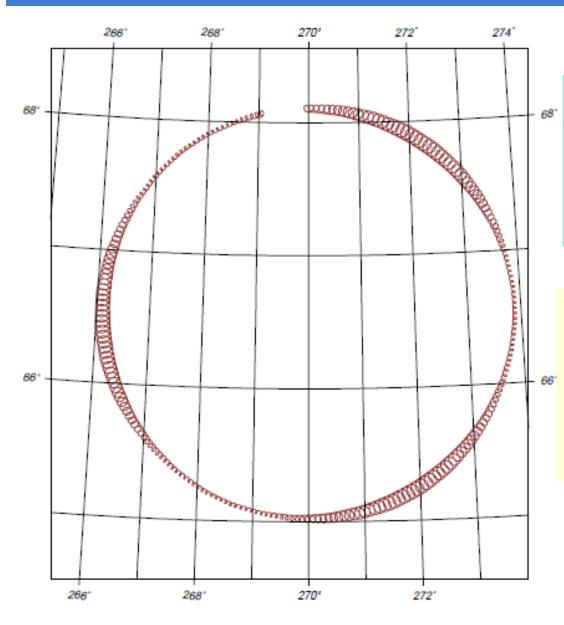
Zhong et al. (2000)



章動の励起源は潮汐トルク摂動 ←こぐま座アルファ星? 个こと座べガ? pole to (a) ecliptic Nutation Precession 歳差・章動 Earth's 起潮力 rotation axis 偶力 起潮力 Sun torque due to tidal 日本測地学会測地学テキスト equator attraction

月の慣性主軸の天球上の軌跡





←DE403による約18年の軌跡 主に 18.6年 歳差 + 1ヶ月 強制秤動

LLR観測による自由秤動の3成分

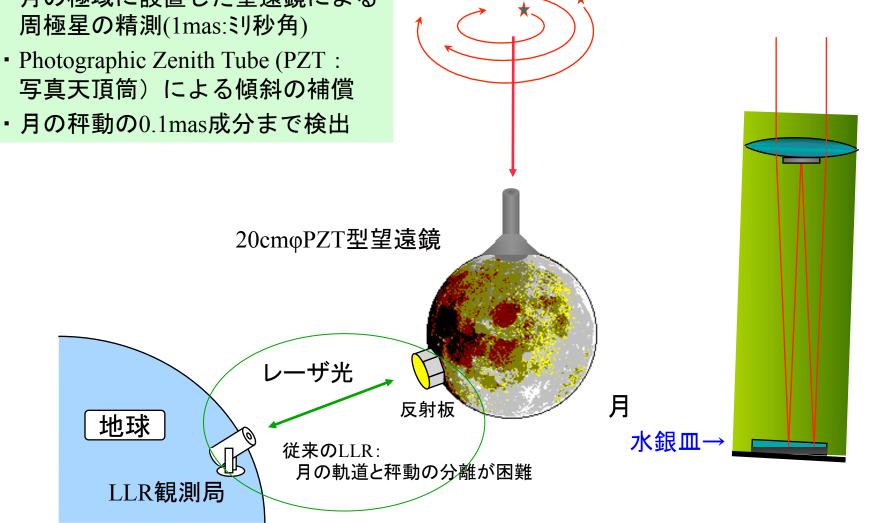
(Newhall & Williams, 1997)

- •自由極運動 (振幅;~3"x~8")
- •自由歳差 (振幅;~0.02")
 - →検出限界ぎりぎり
- ・経度方向の自由秤動 (振幅;~1.8")
 - →金星による摂動?

ILOM(月面天測望遠鏡)による高精度測月

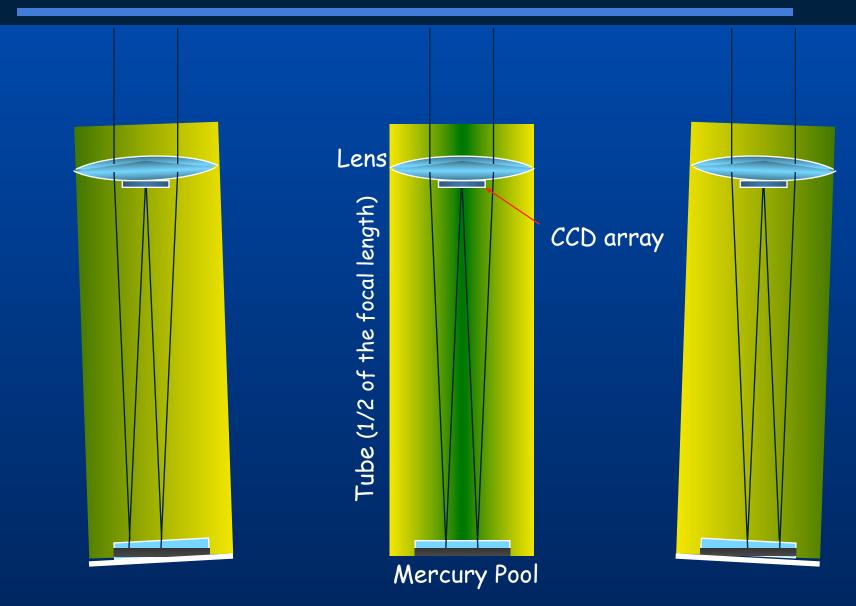


- ・月の極域に設置した望遠鏡による 周極星の精測(1mas:ミリ秒角)
- 写真天頂筒)による傾斜の補償
- ・月の秤動の0.1mas成分まで検出





ILOM:写真天頂筒(PZT)の原理



Tilts of the tube are nearly cancelled



技術課題と検証・・・熱による姿勢変動が課題

◇姿勢の長期安定性

- ・鏡筒熱構造モデルによる 熱歪試験
- ・傾斜計、レゴリスシミュラント による地盤沈降測定

◇反射鏡、PZTの軽量化

•小型水銀鏡の試作

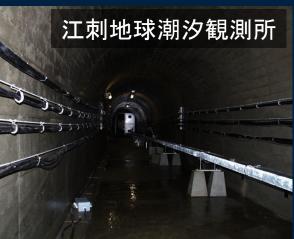




鏡筒熱構造モデル

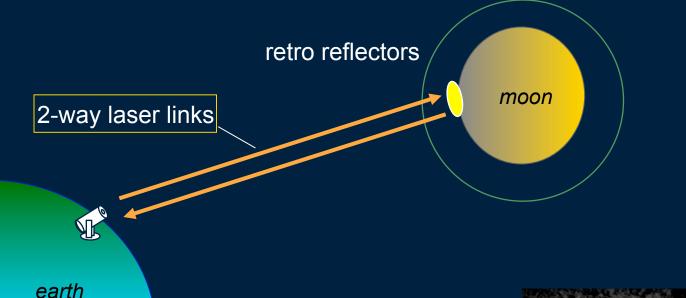






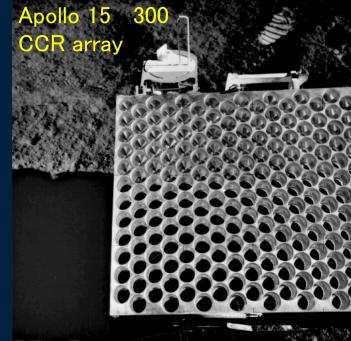


Configuration of LLR: Lunar Laser Ranging



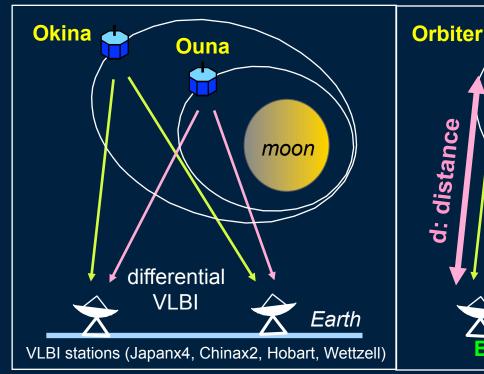


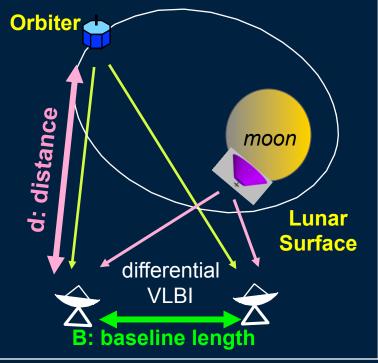
- 4 reflectors are ranged:
 Apollo 11, 14 & 15 sites
 Lunakhod 21 Rover
- > settle one new site to improve accuracies





Differential VLBI by SELENE (left) and SELENE-2 (right)



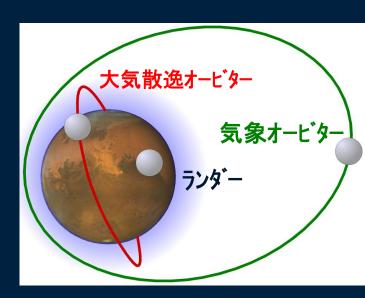




MELOS: 火星複合探査計画

Mars Exploration with Lander-Orbiter Synergy

- •2020年頃の打上げを目指す
- ・火星周回機^a+着陸機^b(または飛行機) の協同(synergy)による複合探査
- 青い地球と赤い火星の相違の謎?
- a気象観測、大気散逸、etc.
- ・ b表面・ 内部・空中・生命の探査 地震、回転変動、電磁場、・・・





0505

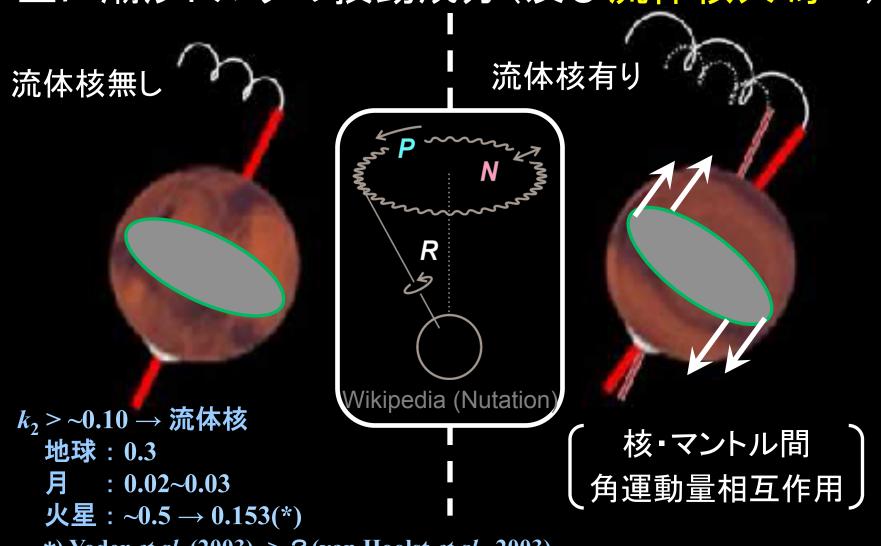
回転変動計測による火星システムの理解

- 歳差(世界最高精度;this work、以下同)
 - 内部サブシステム: 慣性能率->密度構造
 - 表層サブシステム: 自転軸傾斜角変動ー>気候変動
- 章動(世界初)
 - 内部サブシステム:
 - 核マントル境界半径・内核有無一>内部熱進化モデル
- 極運動(世界初)•自転速度変動(世界最高精度)
 - 表層サブシステム:
 - 大気極冠物質循環・ダスト含有量ー>全球大循環モデル



章動の励起源

主に潮汐トルクの摂動成分(及び流体核共鳴?)



*) Yoder et al. (2003) -> ? (van Hoolst et al., 2003)

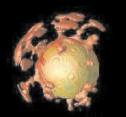


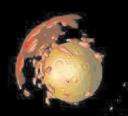
回転変動計測による火星システムの理解

- 章動(世界初)
 - 内部サブシステム:

核マントル境界半径·内核有無

- ー> マントル下部の圧力推定
 - + 温度モデル

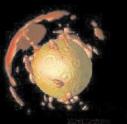


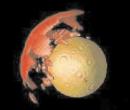


1.3 Ga

2.2 Ga

3.8 Ga





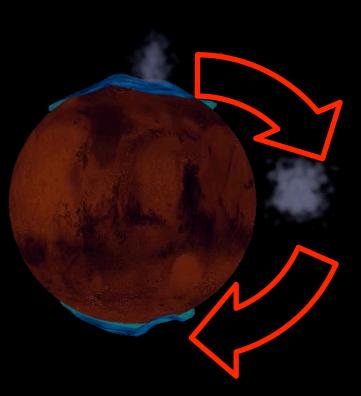
Sporn *et al.* (2001)

- ー> Spinel Perovskite相転移面の有無
- ー>マントルの内部における熱輸送効率・ 対流のパターンの推定:内部熱進化モデル
- ー> 火成活動・ダイナモ活動・テクトニクス
 - └> 磁場 →> 大気散逸モデル
- ー> 各サブシステムにおける地球との相違



極運動・自転速度変動の励起源

主に大気・極冠の変動



大気・極冠の荷重

惑星システム全体 慣性テンソル擾乱

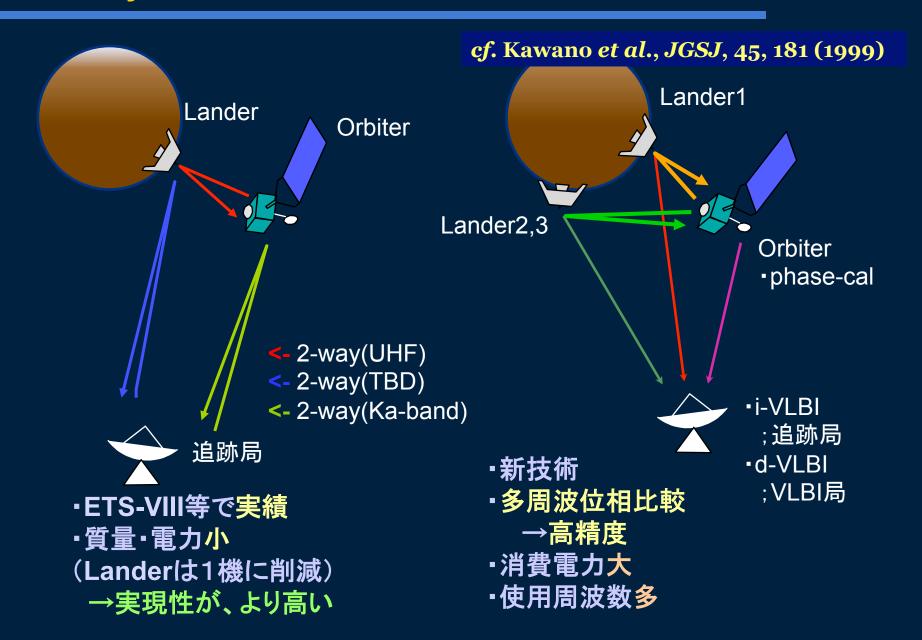


風の応力

大気・マントル間 角運動量相互作用

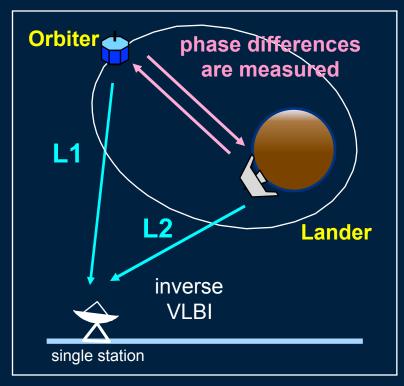


左: 2-way衛星間ドプラ計測と右:逆VLBI(IVLBI)





i-VLBI: Inverse VLBI(逆VLBI)



Inverse VLBI

after Kawano et al., JGSJ, 45, 181 (1999)

- 2機の宇宙機間で 位相を同期 させる、又は 2-way ranging に より 相対位相を測定 する。
- 地上の1アンテナ (VLBI観測網ではなく)が、2宇宙機 (**L1**, **L2**)を計測する。

sensitivity for positioning; $\sigma(x)$

$$\sigma(x; i\text{-VLBI}) = \sigma(\triangle L) = 0.3 \text{ mm}$$

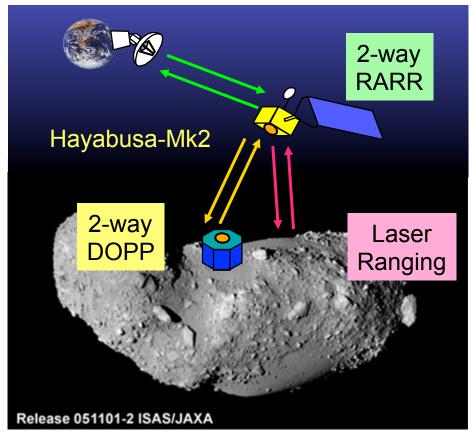
$$\sigma(x; d\text{-VLBI}) = \sigma(\triangle L) * d \mid B = 9~60 \text{ m}$$
under
$$\sigma(\triangle \tau) = 1 \text{ps} = 10^{-12},$$

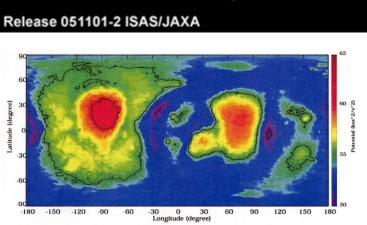
$$d = 0.4~2.7 \text{AU}, B = 2,000 \text{km}$$

- 位置推定精度は観測周波数に応じた位相安定度 (σ(x)) のみに依存し、地上と宇宙機の距離に依存しない。

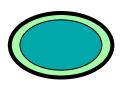
小天体の内部構造探査







分化天体の分裂?



レゴリス?



Eros



合体?



Kleopatra



衝突クレータ?



Mathilde

←Eros**の重力場** (Miller *et al*. 2002)

宇宙測惑星(space planetodesy)による月惑星計測の流れ



